

PROGRAMMA del Corso di ANALISI NUMERICA

Prof.ssa Costanza Conti anno accademico 2017-2018

1 Approssimazione ed interpolazione:

- 1.1 Posizione del problema: classi di funzioni e forma delle possibili approssimanti;
- 1.2 Il polinomio interpolante nella forma di Lagrange; Espressione dell'errore;
- 1.3 L'errore nel caso dei nodi uniformi ed il suo comportamento asintotico;
- 1.4 Stabilita' nelle formule di interpolazione e la costante di Lebesgue;
- 1.5 I polinomi di Chebyshev; Interpolazione con nodi gli zeri di Chebyshev;
- 1.6 Il Teorema di Weierstrass ed in polinomi di Berstein;
- 1.7 Polinomi interpolanti di tipo osculatorio ed interpolazione di Hermite; Espressione dell'errore;
- 1.8 Le funzioni Splines: definizione, proprieta', base delle potenze troncate;
- 1.9 Spline interpolanti ed approssimanti; Le spline cubiche interpolanti nei nodi (naturali e complete)
- 1.10 Le B-spline come base dello spazio delle spline e l'algoritmo di De Boor (con particolare attenzione al caso cubico);
- 1.1 Il caso parametrico: interpolazione parametrica con parametrizzazione uniforme e della lunghezza dell'arco;

2 Sistemi lineari rettangolari: il problema lineare dei minimi quadrati

$$\min_{x \in \mathbb{R}^n} \|Ax - b\|_2, \quad A \in \mathbb{R}^{m \times n}, \quad b \in \mathbb{R}^n, \quad m \geq n$$

- 2.1 Posizione del problema; Esistenza ed unicita' della soluzione;
- 2.2 Risoluzione mediante il sistema delle equazioni normali $A^T Ax = A^T b$;
- 2.3 Matrici ortogonali e loro proprieta'; le matrici di Householder;

- 2.4 Fattorizzazione QR di una matrice utilizzando le matrici di Householder;
 - 2.5 Risoluzione del problema lineare dei minimi quadrati utilizzando la fattorizzazione QR ;
 - 2.6 Risoluzione del problema lineare dei minimi quadrati utilizzando la fattorizzazione QR ;: cenni;
 - 2.7 La migliore approssimazione ai minimi quadrati trigonometrica ed il caso particolare dell'interpolazione; sviluppo di Fourier;
- 3 Derivazione numerica: idee di base ed alcune semplici formule. Il metodo dei coefficienti indeterminati;
- 4 Formule di quadratura (FdQ)
- 4.1 Posizione del problema; caso lineare sui nodi x_0, \dots, x_n : formule del tipo $\sum_{i=0}^n \omega_i f(x_i)$
 - 4.2 Grado di precisione ν per le FdQ; limitazione superiore del grado di precisione (GdP) $\nu \leq 2n + 1$
 - 4.3 Caso pesi equilimitati: dimostrazione di convergenze delle FdQ all'integrale per $n \rightarrow \infty$ e studio della stabilita' della formula;
 - 4.4 Metodo dei coefficienti indeterminati;
 - 4.5 FdQ interpolatorie: generalita' e limite inferiore del grado di precisione ($n \leq \nu \leq 2n + 1$);
 - 4.5.1 Formule di Newton-Cotes di tipo aperto; grado di precisione ed esempi;
 - 4.5.2 Formule di Newton-Cotes di tipo chiso; grado di precisione ed esempi;
 - 4.5.3 Formule di Newton-Cotes generalizzate; Trapezi e Simpson;
 - 4.5.4 Valutazione pratica dell'errore e metodo di estrapolazione di Richardson;
 - 4.5.5 Formule di quadratura adattative;

References

- [1] A.A.V.V., Appunti di analisi numerica per le lezioni rivisti per l'anno 2017-2018.

- [2] D. Bini, M. Capovani, O. Menchi. Metodi Numerici per l'algebra lineare, Zanichelli 1988.
- [3] L. Gori. Calcolo Numerico, Edizioni Kappa, 1999.
- [4] M.L. Lo Cascio, Fondamenti di analisi numerica, McGraw-Hill, 2008.
- [5] F. Fontanella, A. Pasquali, Calcolo numerico. Metodi e algoritmi. Vol. 2, Pitagora, 1982
- [6] M.G. Gasparo, R. Morandi, Elementi di calcolo numerico, McGraw-Hill, 2008.