

METODI DI ANALISI DI STRUTTURE IN ZONA SISMICA

I metodi di analisi delle strutture in zona sismica possono essere di tipo lineare e non lineare, statica e dinamica. In relazione a ciò, vengono classificati come segue:

1. analisi statica lineare;
2. analisi statica non lineare;
3. analisi dinamica lineare;
4. analisi dinamica non lineare.

La principale differenza fra i primi due metodi ed i restanti sta nel fatto che l'equilibrio viene trattato staticamente nei casi 1. e 2. (ovvero applicando al modello strutturale sistemi di forze equivalenti simulanti gli effetti dell'azione sismica), dinamicamente nei 3. e 4. (ovvero per sovrapposizione modale o per integrazione diretta delle equazioni del moto).

1. ANALISI STATICA LINEARE

L'uso dell'analisi statica equivalente è motivato dall'osservazione di seguito commentata in relazione ad un semplice portale, riprodotto dinamicamente un sistema ad un solo grado di libertà, ma facilmente estendibile anche a sistemi più complessi.

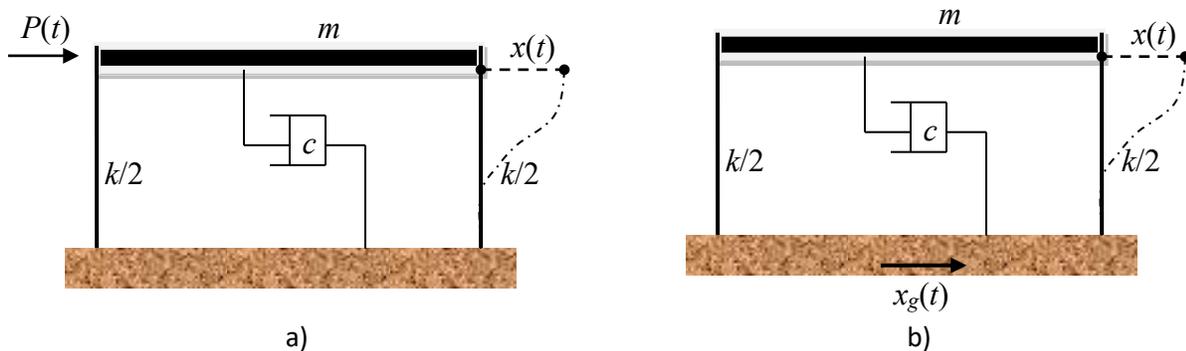


Figura 1 – Schema di rappresentazione di un portale soggetto ad una forza variabile nel tempo agente a livello dell'impalcato (a) e ad un'azione sismica (b)

In Figura 1 vengono mostrati due casi in cui uno stesso portale venga sollecitato dall'azione di una forza generica $P(t)$, agente sul traverso di massa m , oppure da uno spostamento impresso come quello indotto da un segnale sismico. Le equazioni del moto che ne definiscono la risposta sono le seguenti:

$$\text{Caso di forza esterna applicata: } m\ddot{x}(t) + c\dot{x}(t) + kx(t) = P(t)$$

$$\text{Caso di sisma: } m\ddot{x}_i(t) + c\dot{x}(t) + kx(t) = 0$$

Nella seconda situazione, per $\ddot{x}_i(t)$ si è inteso rappresentare l'accelerazione assoluta determinante la componente inerziale che entra in gioco nell'equilibrio dinamico del

sistema, data dalla somma dell'accelerazione del terreno $\ddot{x}_g(t)$ e della derivata seconda dello spostamento relativo del traverso rispetto alla base $\ddot{x}(t)$. Esplicitando tale termine, la stessa equazione può essere riscritta come segue:

$$m\ddot{x}(t) + c\dot{x}(t) + kx(t) = -m\ddot{x}_g(t)$$

Se si confronta questa scrittura con l'equazione del moto relativa al primo caso esaminato, si osserva come il contributo inerziale $-m\ddot{x}_g(t)$ possa essere considerato equivalente ad una forza qualunque, applicata al traverso del portale, con legge di variazione nel tempo $P(t) = -m\ddot{x}_g(t)$.

Sulla base di tale considerazione, l'analisi statica lineare prevede la simulazione dell'azione del sisma su di una struttura per applicazione, ai vari impalcati, di forze costanti nel tempo (sistema di forze statiche) la cui intensità sia definita come segue (formula [7.3.7] tratta dalle NTC 2018):

$$F_i = F_h z_i \frac{W_i}{\sum_j z_j W_j} \quad (1)$$

dove:

$$F_h = S_d(T_1) W \frac{\lambda}{g}; \quad F_i = \text{forza da applicare alla massa } i\text{-esima}; \quad W_i, W_j = \text{pesi,}$$

rispettivamente delle masse i e j ; z_i, z_j = quote, rispetto al piano di fondazione, delle masse i e j ; $S_d(T_1)$ = ordinata dello spettro di risposta di progetto definito dalla normativa (§3.2.3.5); W = massa complessiva dell'edificio; λ = coefficiente pari a 0,85 se la costruzione ha almeno tre orizzontamenti e se $T_1 < 2T_c$, pari a 1 in tutti gli altri casi; g = accelerazione di gravità.

Come rilevabile dalla precedente formulazione, in edifici pluripiano la distribuzione delle stesse forze segue una legge di accrescimento lineare (triangolare) secondo l'altezza (Figura 2a), ben rappresentativa di una situazione intermedia fra due comportamenti limite ascrivibili ad edifici con deformate globali, preminentemente secondo il primo modo di vibrare, del tipo a mensola (Figura 2b) ed a telaio con traversi infinitamente rigidi (deformata "Shear-type" – Figura 2c).

Dal testo normativo si legge quanto segue:

NTC 17/01/2018 (§7.3.3.2): "L'analisi lineare statica consiste nell'applicazione di forze statiche equivalenti alle forze d'inerzia indotte dall'azione sismica e può essere effettuata per costruzioni che rispettino i requisiti specifici riportati nei paragrafi successivi, a condizione che il periodo del modo di vibrare principale nella direzione in esame (T_1) non superi $2,5T_c$ o T_D e che la costruzione sia regolare in altezza.

Per costruzioni civili o industriali che non superino i 40 m di altezza e la cui massa sia distribuita in modo approssimativamente uniforme lungo l'altezza, T_1 (in secondi) può essere stimato, in assenza di calcoli più dettagliati, utilizzando la formula seguente:

$$T_1 = 2\sqrt{d} \quad [7.3.6]$$

dove d è lo spostamento laterale elastico del punto più alto dell'edificio, espresso in metri, dovuto alla combinazione di carichi [2.5.7] applicate nella direzione orizzontale “

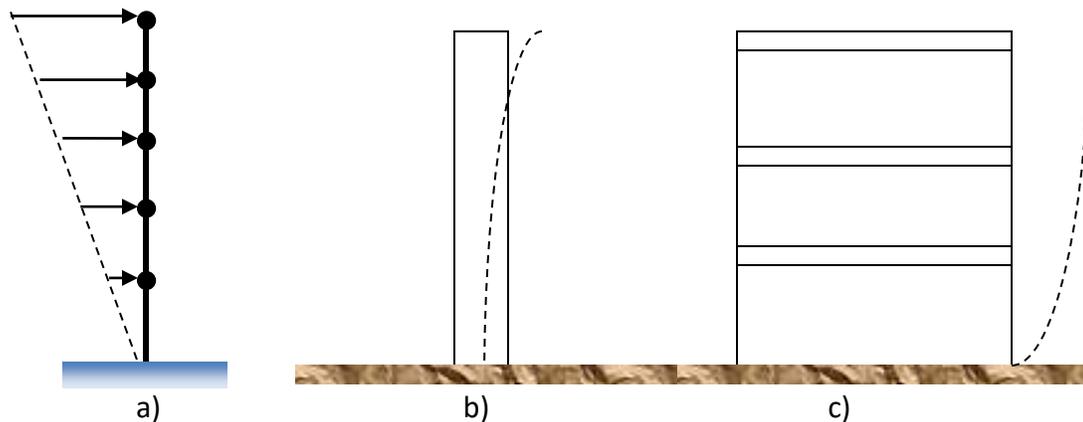


Figura 2 – Distribuzione di forze assunta dalla normativa (a); deformata a mensola di strutture con comportamento del tipo a mensola b); deformata “shear type” di un telaio pluriplano c)

L'applicazione dell'analisi statica lineare prevede lo studio semplificato della struttura secondo modelli piani, per entrambe le direzioni in pianta, ovvero la non correlazione dei modi di vibrare nei due versi dell'azione. Ciò è certamente vero se sono soddisfatte le due seguenti condizioni: 1. l'edificio ha proprietà di regolarità in pianta ed in altezza (con sostanziale coincidenza del centro delle rigidità con il baricentro delle masse e conseguente assenza di effetti torsionali significativi); 2. secondo la vecchia NTC2008 il periodo fondamentale di vibrazione (secondo entrambe le direzioni) poteva essere stimato sulla base della formula approssimata: $T_1 = C_1 H^{3/4}$, e doveva essere associato ad una massa modale partecipante fino all'85% della massa totale efficace (se la costruzione ha almeno tre orizzontamenti e se $T_1 < 2T_c$) od 1 (in tutti gli altri casi). Tale formulazione approssimata per la valutazione del periodo è ancora ammessa per più speditive stime dello stesso parametro, come attestato nella Circolare CM del 21 gennaio 2019, N.7.

Il perché della maggiore importanza attribuita al primo modo su quelli superiori e della limitazione del relativo periodo (non superiore a $2T_c$) è da riferire alle considerazioni di seguito esposte. L'analisi statica approssima la deformata globale dell'edificio con quella del primo modo ed a partire dall'imposizione dell'equilibrio delle forze esterne applicate con le azioni di taglio alla base consente l'avvio del progetto strutturale. Se il periodo

fondamentale di vibrazione rientra nell'ambito del plateau di massima eccitazione sismica e comunque risulta non superiore a 1 s, per l'equivalenza:

$$\frac{W}{g} S_d(T_1) = V_b \quad (2)$$

ove W indica il peso totale dell'edificio, $S_d(T_1)$ il valore dell'ordinata spettrale in termini di pseudo-accelerazione e V_b la risultante delle forze di taglio alla base, ad un'alta percentuale di massa efficace attivata (m^* dell'ordine dell'85% della massa totale dell'edificio) corrisponde una significativa aliquota della componente di taglio efficace V_b a partire dalla quale condurre il progetto.

Si consideri invece il caso di un edificio deformabile con le seguenti caratteristiche correlabili ai primi tre periodi di vibrazione: $T_1 = 1,78$ s ($m_1^* = 0,70$); $T_2 = 0,42$ s ($m_2^* = 0,13$); $T_3 = 0,26$ s ($m_3^* = 0,06$). In riferimento ad un suolo di tipo A, corrispondano ad essi i tre seguenti valori spettrali $S_d(T_i)$ (Figura 3): $S_d(T_1) = 0,084$ g; $S_d(T_2) = 0,36$ g; $S_d(T_3) = 0,375$ g. Il contributo elastico associato a ciascun modo è pertanto pari a: $V_{b1} = 0,7 \cdot 0,084$ g = 0,06 g; $V_{b2} = 0,13 \cdot 0,36$ g = 0,05 g; $V_{b3} = 0,375 \cdot 0,06$ g = 0,022 g. Da tali risultati emerge come i contributi forniti dal secondo e terzo modo alla risultante delle forze di taglio alla base non siano trascurabili rispetto a quello correlativo al primo.

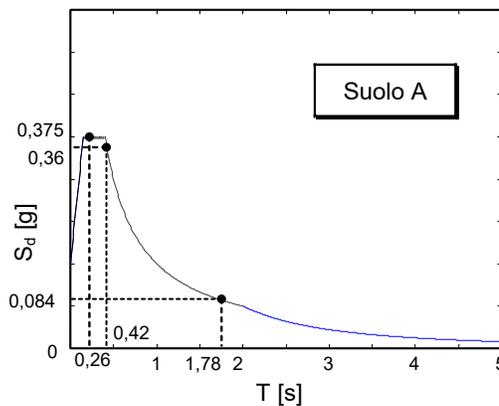


Figura 3 – Acquisizione di dati spettrali dallo spettro di progetto di normativa

Si aggiunge inoltre come, pur verificando l'assenza di effetti torsionali evidenti, la normativa (NTC 17/01/2018 - §7.3.3) preveda comunque la considerazione, nel calcolo, di effetti torsionali accidentali (NTC 17/01/2018 - §7.2.6).

NTC 14/01/2018 (§7.3.3): "Sia per l'analisi lineare dinamica che per l'analisi lineare statica, si deve tener conto dell'eccentricità accidentale del centro di massa.

Per gli edifici, gli effetti di tale eccentricità possono essere determinati mediante l'applicazione di carichi statici costituiti da momenti torcenti di valore pari alla risultante orizzontale della forza agente al piano, determinata come in §7.3.3.2, moltiplicata per

l'eccentricità accidentale del baricentro delle masse rispetto alla sua posizione di calcolo, determinata come in §7.2.6.”

Nella precedente NTC2008 veniva invece ammesso di valutarne gli effetti come di seguito riportato:

“...se le rigidezze laterali e le masse sono distribuite simmetricamente in pianta, gli effetti torsionali accidentali di cui al §7.2.6 possono essere considerati amplificando le sollecitazioni su ogni elemento resistente, calcolate con la distribuzione fornita dalla formula [7.3.6], attraverso il fattore (δ) risultante dalla seguente espressione:

$$\delta = 1 + 0,6 \frac{x}{L_e} \quad [7.3.7]$$

dove:

x è la distanza dell'elemento resistente verticale dal baricentro geometrico di piano, misurata perpendicolarmente alla direzione dell'azione sismica considerata;

L_e è la distanza tra i due elementi resistenti più lontani, misurata allo stesso modo.”

- **Condizioni di regolarità degli edifici**

Le seguenti Figure 4-7 pongono in luce quali possano essere le configurazioni sfavorevoli e favorevoli in pianta (Figura 4a - sfavorevoli; Figura 4b - favorevoli), in altezza (Figura 5), le discontinuità ed i disallineamenti di travi e colonne che possano creare problemi nella risposta sismica di un edificio all'azione sismica (Figura 6), nonché le regole di rientro in pianta ed in altezza previste dalle NTC2018 (§ 7.2.1 – Figura 7).

NTC 17/01/2018 (§7.2.1): “REGOLARITA’ – Le costruzioni devono avere, quanto più possibile, struttura iperstatica caratterizzata da regolarità in pianta ed in altezza. Se necessario ciò può essere conseguito suddividendo la struttura, mediante giunti, in unità tra loro dinamicamente indipendenti.

Per quanto riguarda gli edifici, una costruzione è *regolare in pianta* se tutte le seguenti condizioni sono rispettate:

- a) la distribuzione di masse e rigidezze è approssimativamente simmetrica rispetto a due direzioni ortogonali e la forma in pianta è compatta, ossia il contorno di ogni orizzontamento è convesso; il requisito può ritenersi soddisfatto, anche in presenza di rientranze in pianta, quando esse non influenzano significativamente la rigidezza nel piano dell'orizzontamento e, per ogni rientranza, l'area compresa fra il perimetro dell'orizzontamento e la linea convessa circoscritta all'orizzontamento non supera il 5% dell'area dell'orizzontamento;
- b) il rapporto tra i lati del rettangolo circoscritto alla pianta di ciascun orizzontamento è inferiore a 4;
- c) ciascun orizzontamento ha una rigidezza nel proprio piano tanto maggiore della corrispondente rigidezza degli elementi strutturali verticali da potersi assumere

che la sua deformazione in pianta influenzi in modo trascurabile la distribuzione delle azioni sismiche tra questi ultimi e ha resistenza sufficiente a garantire l'efficacia di tale distribuzione.

Sempre riferendosi agli edifici, una costruzione è *regolare in altezza* se tutte le seguenti condizioni sono rispettate:

- d) tutti i sistemi resistenti alle azioni orizzontali (quali telai e pareti) si estendono per tutta l'altezza della costruzione o, se sono presenti parti aventi differenti altezze, fino alla sommità della rispettiva parte dell'edificio;
- e) massa e rigidezza rimangono costanti o variano gradualmente, senza bruschi cambiamenti, dalla base alla sommità della costruzione (le variazioni di massa da un orizzontamento all'altro non superano il 25%, la rigidezza non si riduce da un orizzontamento a quello sovrastante più del 30% e non aumenta più del 10%); ai fini della rigidezza si possono considerare regolari in altezza strutture dotate di pareti o nuclei in c.a. o di pareti e nuclei in muratura di sezione costante sull'altezza o di telai controventati in acciaio, ai quali sia affidato almeno il 50% dell'azione sismica alla base;
- f) il rapporto fra la capacità e la domanda allo SLV non è significativamente diverso, in termini di resistenza, per orizzontamenti successivi (tale rapporto, calcolato per un generico orizzontamento, non deve differire più del 30% dall'analogo rapporto calcolato per l'orizzontamento adiacente); può fare eccezione l'ultimo orizzontamento di strutture intelaiate di almeno tre orizzontamenti;
- g) eventuali restringimenti della sezione orizzontale della costruzione avvengano con continuità da un orizzontamento al successivo; oppure avvengano in modo che il rientro di un orizzontamento non superi il 10% della dimensione corrispondente all'orizzontamento immediatamente sottostante; né il 30% della dimensione corrispondente al primo orizzontamento. Fa eccezione l'ultimo orizzontamento di costruzioni di almeno quattro orizzontamenti, per il quale non sono previste limitazioni di restringimento."

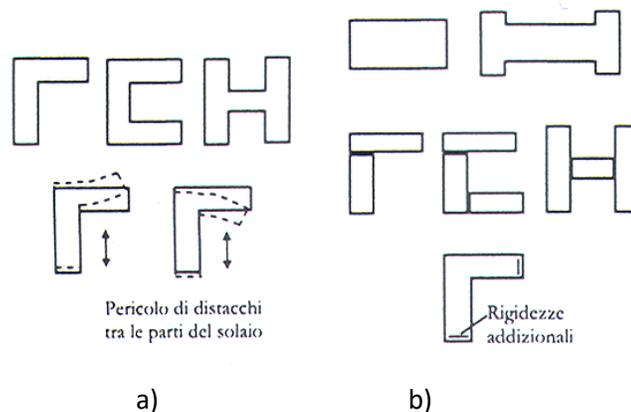


Figura 4 – Condizioni di compattezza in pianta di un complesso edilizio, favorevole a), sfavorevole b)

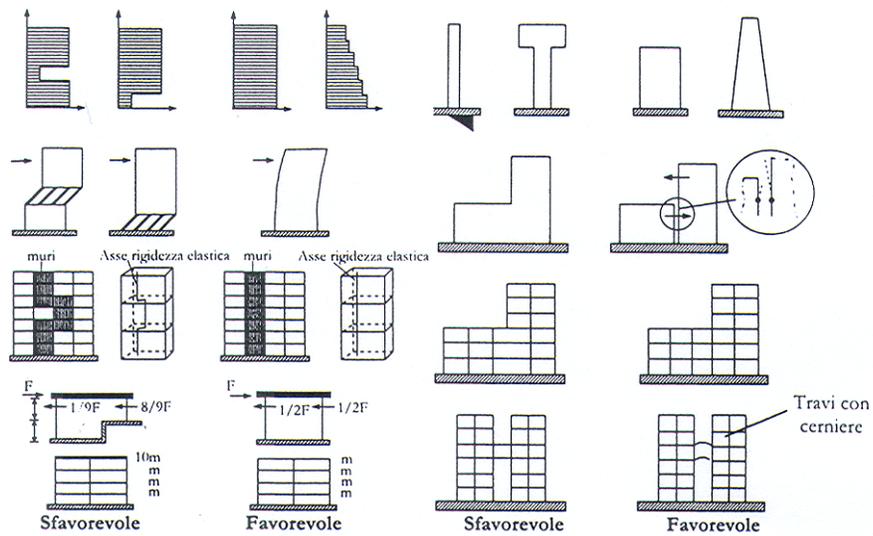


Figura 5 – Condizioni favorevoli e sfavorevoli di regolarità in altezza

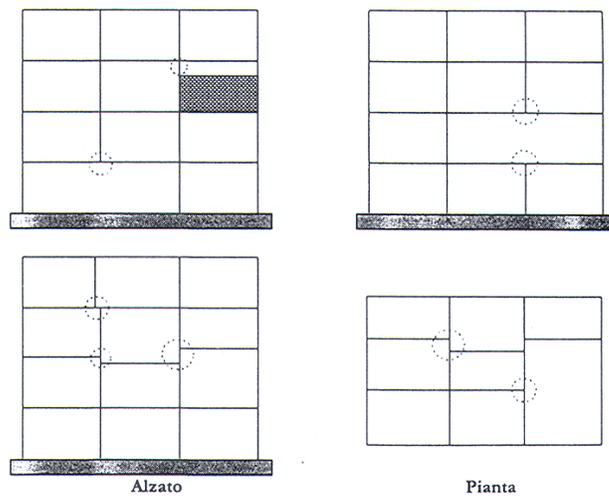


Figura 6 – Condizioni di disallineamento da evitare in alzato ed in pianta

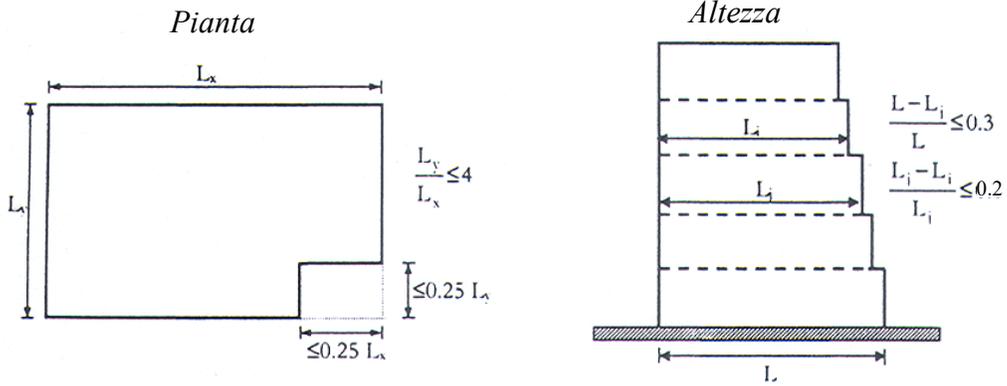
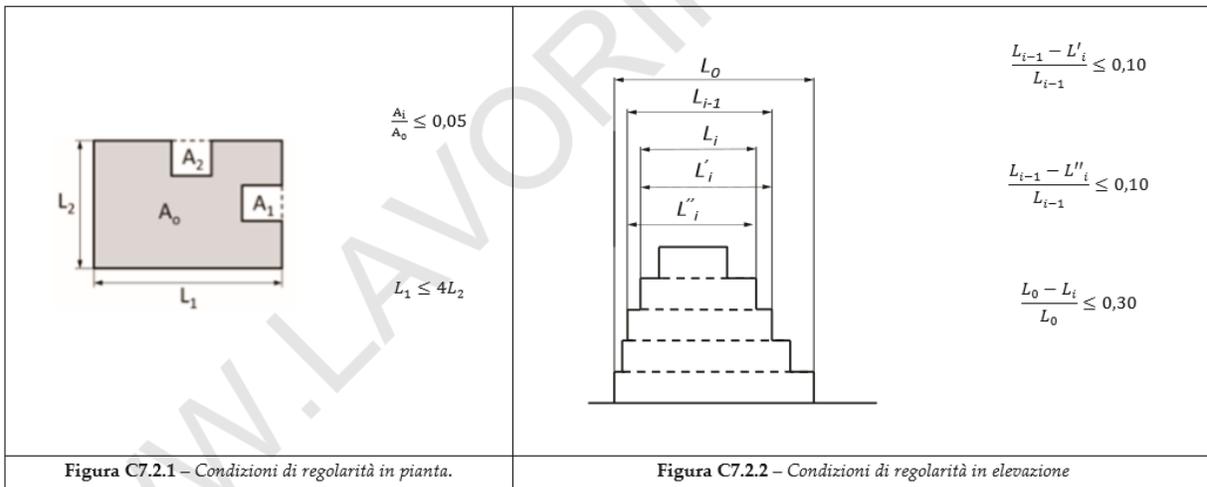


Figura 7 – NTC 2008 - Limitazioni di norma relative a rientranze e rastremazioni

Circolare applicativa C.M. 21 gennaio 2019, n.7



2. ANALISI STATICA NON LINEARE

La capacità di una struttura di resistere ad un evento sismico dipende sensibilmente dalle sue proprietà di deformabilità e di duttilità. I metodi di analisi elastica (statico e dinamico) tengono conto del comportamento non lineare della struttura tramite il fattore di struttura che permette di ridurre lo spettro di risposta elastico. Questi metodi non possono però cogliere cambiamenti nella deformata che si verificano man mano che singoli elementi si comportino in modo duttile. Inoltre, non si ha nessuna informazione sulla distribuzione della domanda di anelasticità nella struttura. I metodi di analisi statica non lineare (comunemente denominati in letteratura come metodi di analisi “pushover”) invece, permettono di cogliere questi aspetti, risultando un utile strumento particolarmente in fase di verifica, laddove sia necessario valutare la coerenza fra fattori di struttura assunti e reale capacità di duttilità. In questo tipo di analisi si applicano incrementalmente, ad un modello della struttura soggetta ai carichi gravitazionali e con comportamento non lineare del materiale, specifiche distribuzioni di forze statiche orizzontali, le quali hanno il compito di portare in campo non lineare la struttura fino al collasso. In particolare, nella formulazione più semplice del metodo, durante l’analisi le forze orizzontali vengono tutte scalate, mantenendo invariati i rapporti relativi fra le stesse, in modo da far crescere monotonamente lo spostamento orizzontale di un punto di controllo sulla struttura (ad esempio il baricentro delle masse in sommità dell’edificio). Risultato finale è la “curva di capacità”, avente in ascisse gli spostamenti dello stesso punto di controllo ed in ordinate il taglio alla base dell’edificio, rappresentativa dell’effettiva capacità della struttura ad esplicitare deformazioni plastiche. Ai fini progettuali tale curva dovrà essere confrontata con quella “di domanda”, costruita per involucro di punti, sullo stesso piano, caratterizzati da valori di spostamento corrispondenti alle massime domande che la struttura potrebbe subire quando soggetta a terremoti di progetto di diversa intensità. Le domande di spostamento possono essere valutate utilizzando opportuni spettri di progetto. Poiché in corrispondenza di ogni punto della curva di capacità si possono valutare importanti parametri strutturali come lo spostamento globale, lo spostamento relativo fra i vari piani, le deformazioni e le sollecitazioni nei vari elementi strutturali, con tale analisi è verificabile la capacità della struttura sia in termini di resistenza che di deformabilità, tenendo conto sia delle non linearità geometriche, sia di quelle del materiale.

Al variare del tipo di distribuzione di forze e di modalità di applicazione delle stesse, della modalità di valutazione dello spostamento e dei parametri di controllo utilizzati durante l’analisi, si distinguono diversi tipi di analisi statica non lineare. In particolare, nel caso in cui la struttura sia regolare, quindi rappresentabile tramite due modelli piani secondo le direzioni ortogonali in pianta, le norme suggeriscono di considerare due distribuzioni di forze orizzontali da applicare in corrispondenza dei baricentri di massa alle varie quote. Di esse la prima è caratterizzata da forze proporzionali alle masse, mentre la seconda prevede forze d’intensità proporzionale al prodotto delle masse per la deformata associabile al primo modo di vibrare. Tale scelta nasce dalla considerazione che la distribuzione delle forze laterali dovrebbe approssimare la distribuzione delle forze d’inerzia presenti sulla struttura al momento del sisma. Confronti con analisi

dinamiche non lineari hanno evidenziato come forze proporzionali al primo modo colgano meglio la risposta dinamica finché la struttura permane in campo elastico mentre, quando si raggiungono grandi deformazioni, la risposta dinamica può risultare meglio rappresentata da distribuzioni di forze proporzionali alle masse. Nel caso di strutture regolari i due andamenti scelti definiscono i limiti delle possibili distribuzioni di forze d'inerzia durante un terremoto. Ciò non è più vero quando la struttura non abbia requisiti di regolarità, oppure sia particolarmente deformabile (edifici alti). Se i modi superiori non sono trascurabili rispetto al primo, od anche se il danno indotto dal sisma cambia significativamente nel tempo l'andamento dei modi (il metodo di *pushover* può essere applicato anche ad edifici esistenti), le norme suggeriscono di utilizzare metodi adattativi (anche denominati "metodi evolutivi") che modificano in continuazione la distribuzione di forze applicate in funzione della variazione delle caratteristiche della struttura durante il moto sismico e pertanto della sua deformata istantanea. L'analisi *pushover* può essere utilmente impiegata anche nel caso di modelli tridimensionali per mettere in evidenza le irregolarità della struttura, qualora si manifestino in seguito all'evolvere dell'azione sismica e cioè a seguito di inattese distribuzioni della richiesta di anelasticità.

La metodologia di applicazione suggerita dalle norme risulta valida per tutti gli edifici progettati secondo le norme stesse, quindi seguendo il criterio di gerarchia delle resistenze, regolari in pianta ed in altezza. Essa si basa sull'assunzione che la risposta di un sistema a più gradi di libertà possa essere correlata alla risposta di un sistema equivalente ad un grado di libertà con un'appropriata caratteristica isteretica. Ciò implica che il comportamento del sistema ad M gradi di libertà ($MDOF$) sia determinato principalmente da un solo modo, la cui forma rimanga costante durante l'analisi. Il passaggio dal sistema $MDOF$ ad uno $SDOF$ (schema di oscillatore semplice) permette di valutare con semplicità la prestazione richiesta dal sisma. Infatti, definito il sistema $SDOF$ equivalente e calcolato il suo periodo T^* , con l'utilizzo dello spettro di risposta elastico in spostamento è immediato dedurre lo spostamento massimo che deve essere in grado di sopportare e da questo ricavare lo spostamento massimo per cui debba essere progettato il sistema $MDOF$.

L'uso della metodologia proposta prevede pertanto i seguenti passi:

1. analisi *pushover* per la definizione del legame forza-spostamento generalizzato tra risultante delle forze applicate e spostamento di un punto di controllo del sistema (costruzione della *curva di capacità*);
2. determinazione delle caratteristiche di un sistema $SDOF$ a comportamento bi-lineare equivalente;
3. determinazione della risposta massima in spostamento del sistema equivalente con utilizzo dello spettro di risposta;
4. conversione dello spostamento del sistema equivalente nella configurazione deformata della struttura e verifica (confronto con la *curva di domanda*).

Una volta noto lo spostamento del punto di controllo, dall'analisi sul modello $MDOF$ si conosce la deformata dell'edificio che consente la deduzione degli spostamenti massimi

caratterizzanti le sezioni critiche dei singoli elementi strutturali e quindi la verifica degli stessi.

NTC 14/01/2008 (§7.3.4.1): “L’analisi non lineare statica consiste nell’applicare alla struttura i carichi gravitazionali e, per la direzione considerata dell’azione sismica, un sistema di forze orizzontali distribuite, ad ogni livello della costruzione, proporzionalmente alle forze d’inerzia ed aventi risultante (taglio alla base) F_b . Tali forze sono scalate in modo da far crescere monotonamente, sia in direzione positiva che negativa e fino al raggiungimento delle condizioni di collasso locale o globale, lo spostamento orizzontale d_c di un punto di controllo coincidente con il centro di massa dell’ultimo livello della costruzione (sono esclusi eventuali torrini). Il diagramma F_b-d_c rappresenta la *curva di capacità* della struttura.

Questo tipo di analisi può essere utilizzato soltanto se ricorrono le condizioni di applicabilità nel seguito precisate per le distribuzioni principali (Gruppo 1); in tal caso esso si utilizza per gli scopi e nei casi seguenti:

- valutare i rapporti di sovraresistenza α_u/α_1 di cui ai §§7.4.3.2, 7.4.5.1, 7.6.2.2, 7.7.3, 7.8.1.3 e 7.9.2.1;
- verificare l’effettiva distribuzione della domanda inelastica negli edifici progettati con il fattore di struttura q ;
- come metodo di progetto per gli edifici di nuova costruzione sostitutivo dei metodi di analisi lineare;
- come metodo per la valutazione della capacità di edifici esistenti.

Si devono considerare almeno due distribuzioni di forze d’inerzia, ricadenti l’una nelle distribuzioni principali (Gruppo 1) e l’altra nelle distribuzioni secondarie (Gruppo 2) appresso illustrate.

Gruppo 1 – Distribuzioni principali:

- a) distribuzione proporzionale alle forze statiche di cui al §7.3.3.2, applicabile solo se il modo di vibrare fondamentale nella direzione considerata ha una partecipazione di massa non inferiore al 75% ed a condizione di utilizzare come seconda distribuzione la 2a);
- b) distribuzione corrispondente ad una distribuzione di accelerazioni proporzionale alla forma del modo di vibrare, applicabile solo se il modo di vibrare fondamentale nella direzione considerata ha una partecipazione di massa non inferiore al 75%;
- c) distribuzione corrispondente alla distribuzione dei tagli di piano calcolati in un’analisi dinamica lineare, applicabile solo se il periodo fondamentale della struttura è superiore a T_c .

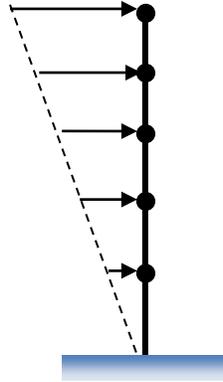
Gruppo 2 – Distribuzioni secondarie:

- a) distribuzione uniforme di forze, da intendersi come derivata da una distribuzione uniforme di accelerazioni lungo l’altezza della costruzione;
- b) distribuzione adattiva, che cambia al crescere dello spostamento del punto di controllo in funzione della plasticizzazione della struttura.

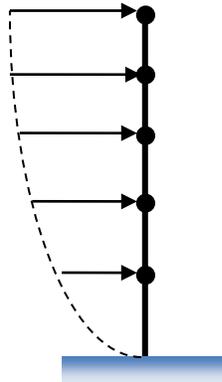
L'analisi richiede che al sistema strutturale reale venga associato un sistema strutturale equivalente ad un grado di libertà."

Distribuzioni di forze riferibili al Gruppo 1.

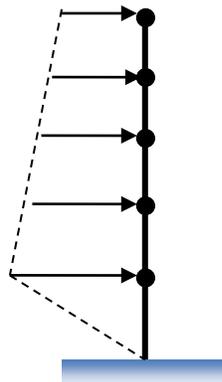
1a) Distribuzione proporzionale a quella delle forze statiche definita per l'analisi statica lineare (utilizzabile se la massa modale efficace è $\geq 75\%$ nella direzione considerata e se si adotta, quale distribuzione di Gruppo 2, la 2a).



1b) Distribuzione proporzionale al primo modo, derivata dall'esecuzione dell'analisi modale.

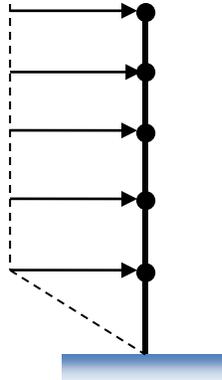


1c) Distribuzione proporzionale ai tagli di piano, se $T_1 > T_c$.



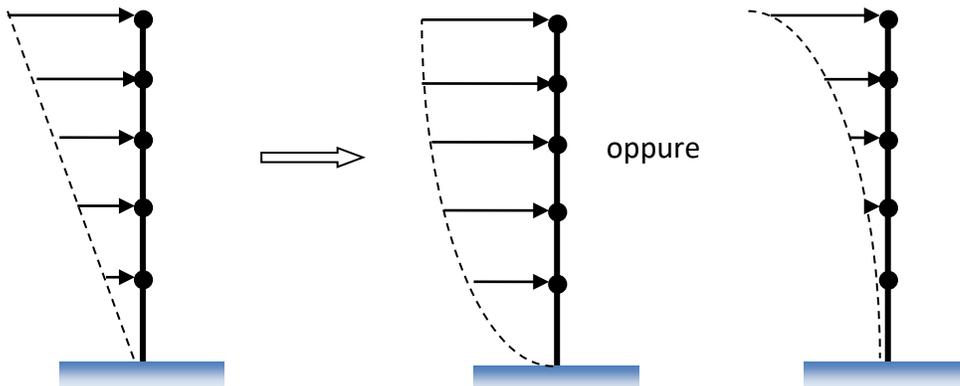
Distribuzioni di forze riferibili al Gruppo 2.

2a) Distribuzione uniforme, da applicare congiuntamente a quella 1a per il Gruppo 1.



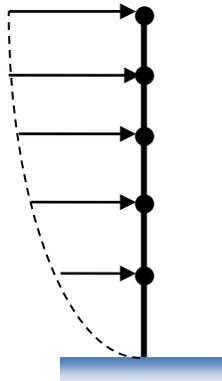
2b) Distribuzione adattiva (adattativa), che cambia in funzione della plasticizzazione della struttura. E' quella per la quale viene utilizzato il termine "evolutivo". Il concetto base di "distribuzione adattativa" risiede nel fatto che, ad ogni passo di carico successivo, viene aggiornata la matrice di rigidezza K e, conseguentemente, si possono ricalcolare le pulsazioni ω_i e la distribuzione di accelerazioni associate al primo modo a_1 . Ad ogni passo viene così aggiornata la distribuzione di forze, resa dipendente, tramite le accelerazioni di piano, agli spostamenti coincidenti con a_1 . Ad esempio, se si plasticizzano prevalentemente le sezioni di un piano, la rigidezza di quel piano si abbatte più di quella degli altri piani; conseguentemente si avrà una maggiore deformabilità e dunque maggiori spostamenti localizzati a quel piano.

Distribuzione di partenza triangolare con evoluzione verso quelle di tipo parabolico "outward" od "inward"

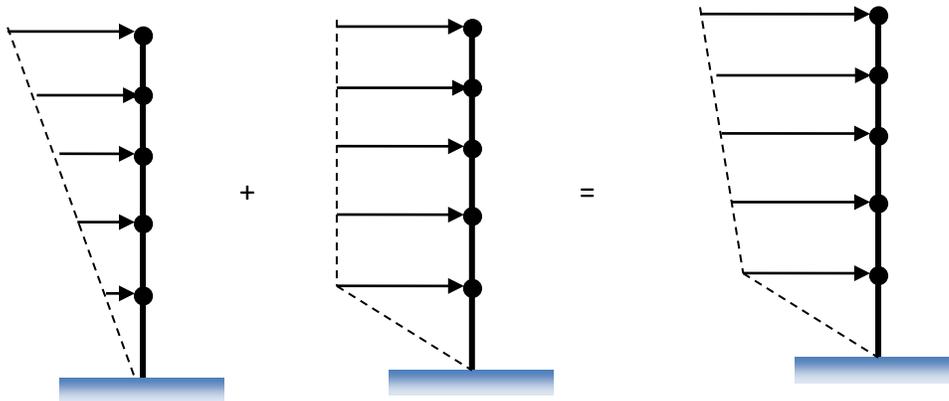


Altre possibili distribuzioni plausibili:

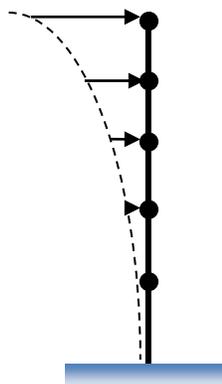
- parabolica verso l'esterno (outward)



Tale distribuzione di forze può essere approssimativamente riprodotta anche per sovrapposizione delle distribuzioni 1a e 2a, come mostrato dal seguente schema:



- Parabolica verso l'interno (inward)



Come in tutte le analisi in campo non lineare che richiedano un'inizializzazione del processo, è opportuno partire da una distribuzione plausibile. In questo senso sarebbe sempre preferibile assumere il primo autovettore. Tuttavia, si mostra numericamente (non per via teorica, né analitica), che si perviene a risultati pressoché identici a partire da distribuzioni anche piuttosto diverse, proprio perché l'adattamento che interviene con la progressiva plasticizzazione delle sezioni determina la stessa forma finale (determina anche la stessa curva derivante dall'analisi, fatta salva la parte iniziale e di transizione al campo plastico, dove le differenze tra le distribuzioni assunte provoca ovviamente qualche differenza di risposta).

Circolare n.617 (§C7.3.4.1): "Questo metodo di analisi è utilizzabile solo per costruzioni il cui comportamento sotto la componente del terremoto considerata è governato da un modo di vibrare naturale principale, caratterizzato da una significativa partecipazione di massa.

L'analisi richiede che al sistema strutturale reale venga associato un sistema strutturale equivalente ad un grado di libertà.

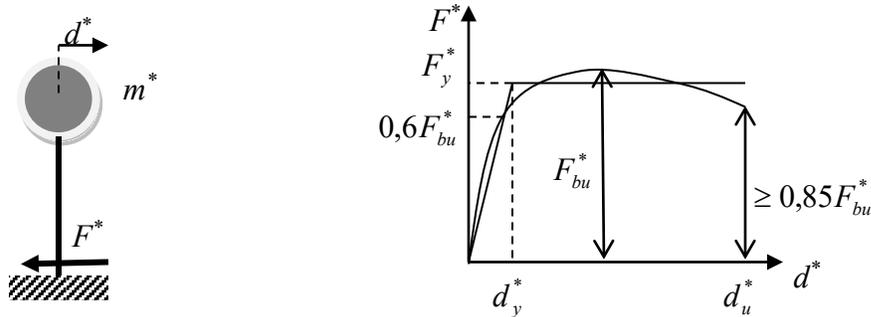


Fig. C7.3.1 – Sistema e diagramma bilineare equivalente

La forza F^* e lo spostamento d^* del sistema equivalente sono legati alle corrispondenti grandezze F_b e d_c del sistema reale dalle relazioni:

$$F^* = \frac{F_b}{\Gamma} \quad [C7.3.4]$$

$$d^* = \frac{d_c}{\Gamma}$$

dove Γ è il "fattore di partecipazione modale" definito dalla relazione:

$$\Gamma = \frac{\varphi^T M \tau}{\varphi^T M \varphi} \quad [C7.3.5]$$

Il vettore τ è il vettore di trascinamento corrispondente alla direzione del sisma considerata; il vettore φ è il modo di vibrare fondamentale del sistema reale normalizzato ponendo $d_c=1$; la matrice M è la matrice di massa del sistema reale.”

Nella seguente Figura 8 vengono mostrate in sovrapposizione le curve $F-d_c$ ed F^*-d^* .

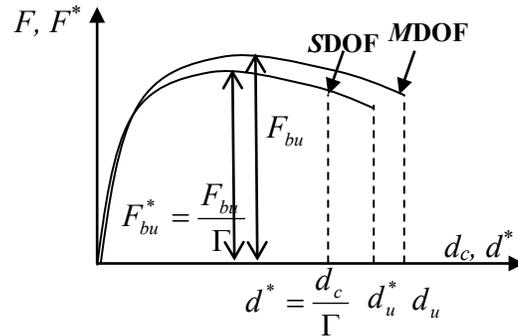


Figura 8 – Rappresentazione grafica della curva di capacità relativa al sistema effettivo ed a quello equivalente

Circolare n.617 (§C7.3.4.1): “Alla curva di capacità del sistema equivalente occorre ora sostituire una curva bilineare avente un primo tratto elastico ed un secondo tratto perfettamente plastico (vedi Fig. C7.3.1). Detta F_{bu} la resistenza massima del sistema strutturale reale ed $F_{bu}^* = F_{bu} / \Gamma$ la resistenza massima del sistema equivalente, il tratto elastico si individua imponendo il passaggio per il punto $0,6 F_{bu}^*$ della curva di capacità del sistema equivalente, la forza di plasticizzazione F_y^* si individua imponendo l’uguaglianza delle aree sottese dalla curva bilineare e dalla curva di capacità per lo spostamento massimo d_u^* corrispondente ad una riduzione di resistenza $\leq 0,15 F_{bu}^*$. Il periodo elastico del sistema bilineare è dato dall’espressione:

$$T^* = 2\pi \sqrt{\frac{m^*}{k^*}} \quad [C7.3.6]$$

dove $m^* = \Phi^T M \tau$ e k^* è la rigidezza del tratto elastico lineare.

Nel caso in cui il periodo elastico della costruzione T^* risulti $T^* \geq T_C$ la domanda in spostamento per il sistema anelastico è assunta uguale a quella di un sistema elastico di pari periodo (v. §3.2.3.2.3 delle NTC e Fig C7.3.2a):

$$d_{\max}^* = d_{e,\max}^* = S_{De}(T^*) \quad [C7.3.7]$$

Nel caso in cui T^* risulti $T^* < T_C$ la domanda in spostamento per il sistema elastico è minore di quella di un sistema anelastico di pari periodo (v. Fig. C7.3.2b) e si ottiene da quest’ultima mediante l’espressione:

$$d_{\max}^* = \frac{d_{e,\max}^*}{q} \left[1 + (q^* - 1) \frac{T_c}{T^*} \right] \geq d_{e,\max}^* \quad [C7.3.8]$$

dove $q^* = S_e(T^*)m^*/F_y^*$ rappresenta il rapporto tra la forza di reazione elastica e la forza di snervamento del sistema equivalente.

Se risulta $q^* \leq 1$ allora si ha $d_{\max}^* = d_{e,\max}^*$.

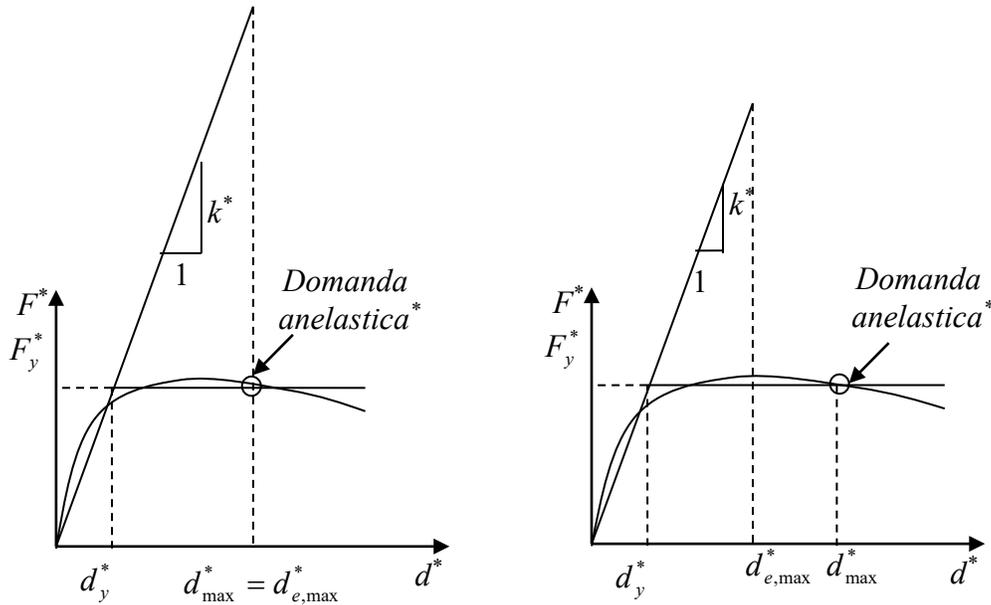


Fig. C7.3.2a – Spostamento di riferimento per $T > T_c$ ($T^* > T_c$) **Fig. C7.3.2b** – Spostamento di riferimento per $T \leq T_c$ ($T^* \leq T_c$)

Gli effetti torsionali accidentali sono considerati nel modo previsto al § 7.2.6 delle NTC. Una volta trovata la domanda in spostamento d_{\max}^* per lo stato limite in esame si verifica che sia $d_{\max}^* \leq d_u^*$ e si procede alla verifica della compatibilità degli spostamenti per gli elementi/meccanismi duttili e delle resistenze per gli elementi/meccanismi fragili. L'analisi non lineare statica condotta nei modi previsti dalle NTC può sottostimare significativamente le deformazioni sui lati più rigidi e resistenti di strutture flessibili torsionalmente, cioè strutture in cui il modo di vibrare torsionale abbia un periodo superiore ad almeno uno dei modi di vibrare principali traslazionali. Per tener conto di questo effetto, tra le distribuzioni secondarie delle forze occorre scegliere la distribuzione adattativa.

L'azione sismica deve essere applicata, per ciascuna direzione, in entrambi i possibili versi e si devono considerare gli effetti più sfavorevoli derivanti dalle due analisi."

Si osserva come nel testo della Circolare sopra riproposto siano errati la definizione di m^* , corrispondente alla massa modale efficace, ed il riferimento al periodo T , nelle figure C7.3.2a e C7.3.2b, che dovrebbe essere indicato come T^* , essendo riferito all'oscillatore semplice equivalente.

Circolare applicativa C.M. 21 gennaio 2019, n.7

C7.3.4.2 ANALISI NON LINEARE STATICA

L'analisi non lineare statica consente di determinare la curva di capacità della struttura, espressa dalla relazione F_b-d_c , in cui F_b è il taglio alla base e d_c lo spostamento di un punto di controllo, che per gli edifici è in genere rappresentato dal centro di massa dell'ultimo orizzontamento. Per ogni stato limite considerato, il confronto tra la curva di capacità e la domanda di spostamento consente di determinare il livello di prestazione raggiunto. A tal fine, abitualmente, si associa al sistema strutturale reale un sistema strutturale equivalente a un grado di libertà.

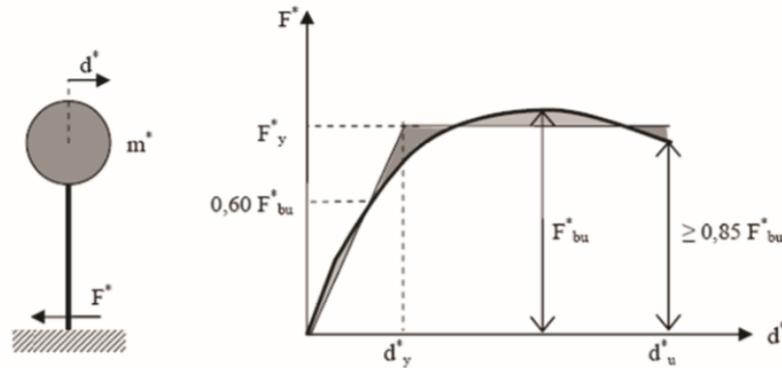


Figura C7.3.1 – Sistema e diagramma bilineare equivalente

La forza F^* e lo spostamento d^* del sistema equivalente sono legati alle corrispondenti grandezze F_b e d_c del sistema reale dalle relazioni:

$$F^* = F_b / \Gamma \quad [C7.3.3]$$

$$d^* = d_c / \Gamma \quad [C7.3.4]$$

dove Γ è il "fattore di partecipazione modale" definito dalla relazione:

$$\Gamma = \frac{\varphi^T M \tau}{\varphi^T M \varphi} \quad [C7.3.5]$$

Il vettore τ è il vettore di trascinamento corrispondente alla direzione del sisma considerata; il vettore φ è il modo di vibrare fondamentale del sistema reale normalizzato ponendo $d_c = 1$; la matrice M è la matrice di massa del sistema reale.

Ai fini operativi, per poter determinare in forma chiusa l'energia dissipata dal sistema e, quindi, lo smorzamento equivalente, alla curva di capacità del sistema equivalente è utile sostituire una curva bilineare. Le tecniche di bilinearizzazione si basano usualmente su principi di equivalenza energetica, imponendo che le aree sottese dalla curva bilineare e dalla curva F^*-d^* siano uguali.

Per la valutazione del punto di prestazione (PP) della struttura è possibile seguire uno dei seguenti metodi:

- **Metodo A**, basato sull'individuazione della domanda anelastica attraverso il principio di uguali spostamenti o uguale energia.
- **Metodo B**, basato sulla costruzione di uno spettro di capacità.

Metodo A

Alla curva di capacità del sistema equivalente si sostituisce una curva bilineare avente un primo tratto elastico ed un secondo tratto perfettamente plastico (si veda Figura C7.3.1). Detta F_{bu} la resistenza massima del sistema strutturale reale ed $F_{bu}^* = F_{bu}/\Gamma$ la resistenza massima del sistema equivalente, il tratto elastico si individua imponendone il passaggio per il punto $0.6F_{bu}^*$ della curva di capacità del sistema equivalente, la forza di plasticizzazione F_y^* si individua imponendo l'uguaglianza delle aree sottese dalla curva bilineare e dalla curva di capacità per lo spostamento massimo d_u^* corrispondente ad una riduzione di resistenza $\leq 0.15F_{bu}^*$.

Il periodo elastico del sistema bilineare è dato dall'espressione:

$$T^* = 2\pi \sqrt{\frac{m^*}{k^*}} \quad [C7.3.6]$$

dove $m^* = \Phi M t$ e k^* è la rigidezza del tratto elastico della bilineare.

Nel caso in cui $T \geq T_c$ la domanda in spostamento per il sistema anelastico è assunta uguale a quella di un sistema elastico di pari periodo (v. § 3.2.3.2.3 delle NTC e Figura C7.3.2a):

$$d_{max}^* = d_{e,max}^* = S_{De}(T^*) \quad [C7.3.7]$$

Nel caso in cui $T < T_c$ la domanda in spostamento per il sistema anelastico è maggiore di quella di un sistema elastico di pari periodo (v. Figura C7.3.2b) e si ottiene da quest'ultima mediante l'espressione:

$$d_{max}^* = \frac{d_{e,max}^*}{q} \left[1 + (q^* - 1) \frac{T_c}{T^*} \right] \geq d_{e,max}^* \quad [C7.3.8]$$

dove $q^* = S_e(T^*)m^*/F_y^*$ è il rapporto tra la forza di risposta elastica e la forza di snervamento del sistema equivalente.

Se risulta $q^* \leq 1$ allora si ha $d_{max}^* = d_{e,max}^*$.

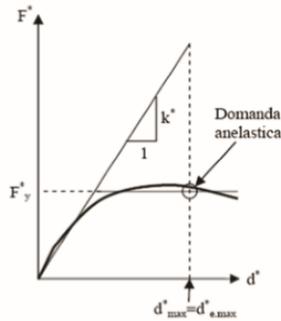


Figura C7.3.2a – Spostamento di riferimento per $T \geq T_c$

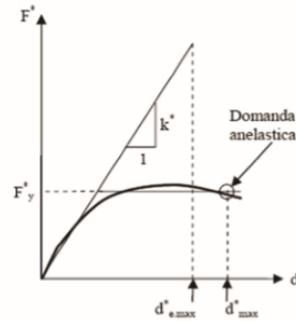


Figura C7.3.2b – Spostamento di riferimento per $T < T_c$

Metodo B

In questo metodo il punto di prestazione e lo spostamento atteso per un dato livello di azione sono valutati attraverso un processo iterativo.

Si converte lo spettro di domanda nel relativo spettro sul piano ADRS, in cui le accelerazioni spettrali S_e sono rappresentate in funzione degli spostamenti spettrali S_{De} , ottenuti attraverso l'espressione [3.2.10] delle NTC.

Si effettua una prima stima del punto di prestazione ipotizzando, generalmente, che lo spostamento d_{max}^* sia pari a quello di una struttura elastica avente la stessa rigidezza iniziale della struttura analizzata:

$$d_{max}^{*(0)} = d_e \quad [C7.3.9]$$

Stimato il punto di prestazione (F_{max}^*, d_{max}^*) sulla curva di capacità del sistema equivalente F^*-d^* , ad essa si sostituisce una curva bilineare equivalente, in termini energetici, ottenuta adottando un primo tratto con pendenza pari alla rigidezza iniziale della struttura ed identificando la forza F_y^* e la pendenza del tratto $F_y^*-d_{max}^*$ imponendo l'uguaglianza dell'area sottesa dalle due curve, come mostrato in Figura C7.3.3. Per rappresentare la curva bilineare F^*-d^* sul piano ADRS, occorre dividere le forze per m^* .

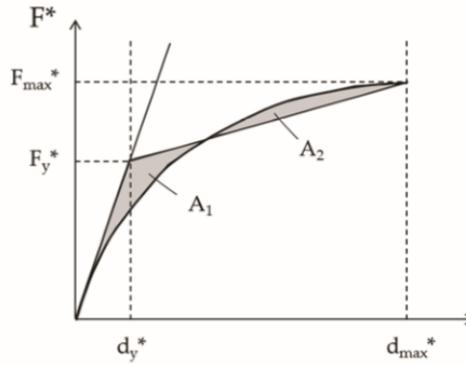


Figura C7.3.3– Bilinearizzazione equivalente

A partire dalla curva bilinearizzata così definita, si calcola lo smorzamento viscoso equivalente associato, espresso in percentuale, attraverso la [C7.3.10]:

$$\xi_{eq}^{(1)} = k \frac{63.7(F_y^{*(0)}d_{max}^{*(0)} - F_{max}^{*(0)}d_y^{*(0)})}{F_{max}^{*(0)}d_{max}^{*(0)}} + 5 \quad [C7.3.10]$$

dove il coefficiente k tiene conto delle capacità dissipative della struttura ed in particolare delle caratteristiche del ciclo di isteresi.

Indicativamente, si possono assumere i seguenti valori, a seconda della differente tipologia strutturale:

- strutture a elevata capacità dissipativa (caratterizzate da cicli di isteresi stabili e ragionevolmente ampi): k=1;
- strutture a moderata capacità dissipativa (caratterizzate da cicli di isteresi con moderata riduzione dell'area): k=0,66;
- strutture a bassa capacità dissipativa (caratterizzate da cicli di isteresi con pinching elevato e da una sostanziale riduzione dell'area): k=0,33;
- strutture dotate di appositi dispositivi di dissipazione: va valutata l'energia dissipata complessivamente, attribuendo alla struttura e al sistema di dissipazione il valore di k corrispondente all'effettiva capacità di dissipazione.

Grazie al coefficiente ξ_{eq} così calcolato si abbatte, utilizzando l'espressione [3.2.4] delle NTC, lo spettro di domanda.

L'intersezione, sul piano ADRS, fra lo spettro di domanda abbattuto e la curva di capacità del sistema equivalente fornisce il nuovo punto di prestazione, come mostrato in Figura C7.3.4; se esso è caratterizzato da uno spostamento $d_{max}^{*(1)}$ ragionevolmente prossimo a quello stimato in partenza $d_{max}^{*(0)}$, la procedura iterativa ha termine e si ha la soluzione.

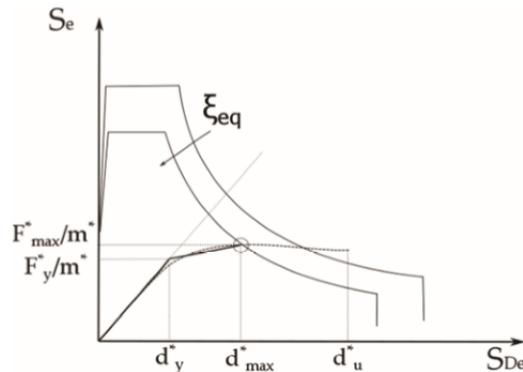


Figura C7.3.4– Individuazione del Punto di prestazione

La procedura, iterativa, è ripetuta fino a convergenza della soluzione, entro la tolleranza stabilita, secondo lo schema di Figura C7.3.5.

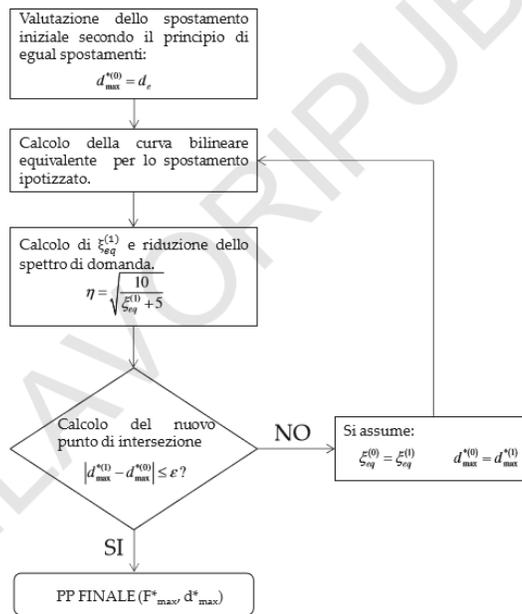


Figura C7.3.5- Diagramma di flusso per la procedura iterativa di ricerca del punto di prestazione

Una volta trovata la domanda in spostamento, d_{max}^* , per lo stato limite in esame si verifica la compatibilità degli spostamenti, per gli elementi/meccanismi duttili, e delle resistenze, per gli elementi/meccanismi fragili.

L'analisi non lineare statica, condotta nei modi previsti dalle NTC, può sottostimare significativamente le deformazioni sui lati più rigidi e resistenti di strutture flessibili torsionalmente, cioè strutture in cui il modo di vibrare torsionale abbia un periodo superiore ad almeno uno dei modi di vibrare principali traslazionali. Per tener conto di questo effetto, tra le distribuzioni secondarie delle forze occorre scegliere la distribuzione adattiva.

Per ciascuna direzione, devono essere eseguite due analisi distinte, applicando l'azione sismica in entrambi i possibili versi e considerando gli effetti più sfavorevoli derivanti da ciascuna delle due analisi.

L'ultimo passo della metodologia prevede la conversione dello spostamento massimo del sistema equivalente d_{max}^* nello spostamento massimo della struttura e lo svolgimento delle verifiche di prestazione. Tale dato è ottenibile per semplice inversione della seconda delle [C7.3.4]:

$$d_{c,max} = \Gamma d_{max}^*$$

L'analisi statica non lineare va inquadrata, concettualmente e normativamente, in una prospettiva di tipo prestazionale multi-obiettivo. In tal senso dovrà essere condotta con riferimento ai 4 livelli normativi dell'azione.

Per lo SLO ("Stato Limite di Operatività") ha poco significato perché la risposta deve essere lineare. In relazione ad esso l'analisi statica non lineare dovrà confermare l'ambito elastico di comportamento della struttura (spostamento interpiano $\leq (2/3) \cdot 0,5\%h$; spostamento globale $\leq (2/3) \cdot 0,5\% H_{tot}$).

Per lo SLD (“Stato Limite di Danno”) si potrà verificare già qualche prima modesta plasticizzazione, identificabile nella curva di risposta del sistema equivalente tramite il superamento di d_y^* (dato di spostamento per cui nella struttura si registra l’attivazione di almeno una cerniera plastica). Il controllo avviene, come per lo SLO e per gli altri stati limite, sugli spostamenti. Si deve verificare ad esempio che tutti gli spostamenti interpiano siano $\leq 0,5\%h$. In prima istanza, globalmente, si verifica che lo spostamento del punto di controllo in sommità sia $\leq 0,5\% H_{tot}$, successivamente vanno però comunque controllati gli spostamenti interpiano. Può infatti accadere che, mentre si rispetti la richiesta globale, qualche singolo piano ecceda il limite prestabilito. Il vantaggio di essere passati in campo non lineare per lo SLD (di fatto inesistente per lo SLO) risiede proprio nel fatto che, verificandosi qualche prima plasticizzazione in più locazioni di uno stesso piano, gli spostamenti possono risultare maggiori di quelli calcolati in campo elastico. Il discorso diventa decisamente più interessante se si assume non il livello di prestazione non strutturale, limitato dallo 0,5% di spostamento relativo di piano, bensì quello strutturale nell’ipotesi di elementi non strutturali non collaboranti, limitato all’1%. In questo caso, si hanno certamente plasticizzazioni non trascurabili che rendono l’analisi effettivamente, anche se ancora moderatamente, non lineare. Inoltre, si può operare un controllo delle seppur piccole rotazioni plastiche locali, a loro volta rapportabili a limiti di prestazione non forniti dalle NTC o dalla Circolare 617, ma da altre normative o linee guida.

Nel testo della Circolare 617, §C8.7.2.5, si legge quanto segue riguardo alla definizione della capacità rotazionale per lo stato limite di esercizio in elementi di c.a.:

“Stato limite di esercizio

La capacità di rotazione totale rispetto alla corda allo snervamento, θ_y , può essere valutata mediante:

$$\theta_y = \phi_y \frac{L_V}{3} + 0,0013 \left(1 + 1,5 \frac{h}{L_V} \right) + 0,13 \phi_y \frac{d_b f_y}{\sqrt{f_c}} \quad \text{per travi e pilastri} \quad [8.7.2.1a]$$

$$\theta_y = \phi_y \frac{L_V}{3} + 0,002 \left(1 + 1,125 \frac{h}{L_V} \right) + 0,13 \phi_y \frac{d_b f_y}{\sqrt{f_c}} \quad \text{per pareti} \quad [8.7.2.1b]$$

dove ϕ_y è la curvatura a snervamento della sezione terminale, h l’altezza della sezione, d_b è il diametro (medio) delle barre longitudinali, ed f_c e f_y sono rispettivamente la resistenza a compressione del calcestruzzo e la resistenza a snervamento dell’acciaio longitudinale in [MPa], ottenute come media delle prove eseguite in sito e da fonti aggiuntive di informazione, divise per il fattore di confidenza appropriato in relazione al Livello di Conoscenza raggiunto.”

Per quanto invece concerne gli elementi in acciaio, nel testo della Circolare 617, §C8.7.2.7, viene asserito quanto di seguito riportato.

“La capacità deformativa di travi e pilastri è definita con riferimento alla rotazione θ analogamente a quanto già descritto per le strutture in c.a. (v. C8.7.2.5).

.....

Stato limite di esercizio

Per il controllo di tale Stato limite, la capacità di rotazione rispetto alla corda allo snervamento, θ_y , può essere valutata mediante:

$$\theta_y = \frac{M_{e,Rd} L_V}{2EI} \quad [8.7.2.4]$$

dove i simboli sono definiti in C8F2.

Travi e pilastri: taglio

La resistenza a taglio V_R si valuta come per il caso di nuove costruzioni per situazioni non sismiche.

Collegamenti

Si applica quanto prescritto per gli edifici di nuova costruzione.”

Per lo SLV (“Stato Limite di salvaguardia della Vita”) per cui le NTC del 14/01/2008 e la Circolare n. 617 forniscono solo indicazioni qualitative di prestazione, risulta a maggior ragione importante operare un controllo locale di deformazione-rotazione plastica (naturalmente il controllo è sempre primariamente di tipo deformativo). Le normative ASCE-41 contengono invece criteri di controllo sia locale che globale sugli spostamenti di piano e le rotazioni. Combinandoli, si ottiene una valutazione prestazionale d’insieme. A partire da tali valutazioni una limitazione in termini di spostamento interpiano può essere fissata nel 2% per strutture a telaio in c.a., e nel 2% ÷ 2,5% per quelle in acciaio. Riguardo alla capacità deformativa, definita con riferimento alla rotazione rispetto alla corda di travi e pilastri, nel testo della Circolare n. 617 si legge quanto di seguito riportato.

(Circolare n. 617: §C8.7.2.5): “.....Stato Limite di salvaguardia della Vita – La capacità di rotazione totale rispetto alla corda a tale Stato limite, θ_{SD} , può essere assunta pari a $\frac{3}{4}$ del valore ultimo θ_u .”

La stessa attestazione viene riferita, nel §C8.7.2.7, al caso di travi e pilastri di strutture a telaio in acciaio.

Lo SLV rappresenta anche lo stato limite d’elezione per le verifiche di resistenza, relative allo stato di sollecitazione e di tensione; tali verifiche dovranno pertanto affiancare le precedenti che, alla luce dei contenuti del documento normativo italiano rimangono altresì di fatto le uniche da svolgersi.

Per lo SLC (“Stato Limite di Collasso”) poiché non ci si deve fidare del collasso numerico, è opportuno verificare la risposta in termini di limitazione di spostamento, assumendo un valore massimo accettabile, ancora espresso in termini di % in altezza di piano. Tale valore è fissato al 3% per le strutture sia in c.a. che in acciaio dalle ASCE-41. Non è altissimo perché si fa riferimento ad uno stato limite di prevenzione dal collasso, ovvero a condizioni non proprio di crisi ma prossime ad essa. Al fine di controlli locali, in sezioni di c.a. la rotazione ultima può essere valutata secondo la seguente relazione (Appendice C8A.6.1 della Circolare 617):

$$\theta_u = \frac{1}{\gamma_{el}} 0,016 \cdot (0,3)^v \left[\frac{\max(0,01; \omega')}{\max(0,01; \omega)} f_c \right]^{0,225} \left(\frac{L_v}{h} \right)^{0,35} 25^{(\alpha \rho_{sx} \frac{f_{yw}}{f_c})} (1,25^{100 \rho_d}) \quad [C8A.6.1]$$

ove: θ_u = rotazione rispetto alla corda in condizioni limite ultime; b = base della sezione (mm); h = altezza della sezione (mm); L_v = luce di taglio della trave, definita come rapporto fra il momento M ed il taglio V (Circolare 617 - §C8.7.2.5); $\gamma_{el} = 1,5$ per elementi primari ed $1,0$ per elementi secondari (come definito al 7.2.3 delle NTC); v = sforzo assiale normalizzato, corrispondente al rapporto fra lo sforzo assiale di compressione N , agente su tutta la sezione A_c , ed il prodotto dell’area A_c per la tensione limite del

calcestruzzo f_c ($N/A_c f_c$); $\omega = \frac{A_s f_y}{A_c f_c}$, $\omega' = \frac{A'_s f_y}{A_c f_c}$ = percentuali meccaniche di armatura

longitudinale in trazione e compressione (nelle pareti tutta l’armatura longitudinale d’anima è da includere nella percentuale in trazione); f_c , f_y , f_{yw} = resistenze a compressione del calcestruzzo, a snervamento dell’acciaio longitudinale e trasversale, ottenute come media delle prove eseguite in sito, eventualmente corrette sulla base di fonti aggiuntive d’informazione, divise per il fattore di confidenza appropriato in relazione al livello di conoscenza raggiunto; $\rho_{sx} = \frac{A_{sx}}{b_w s_h}$ = percentuale di armatura

trasversale (s_h = interasse delle staffe nella zona critica); ρ_d = percentuale di eventuali armature diagonali in ciascuna direzione; α = fattore di efficienza del confinamento dato da:

$$\alpha = \left(1 - \frac{s_h}{2b_0} \right) \left(1 - \frac{s_h}{2h_0} \right) \left(1 - \frac{\sum b_i^2}{6h_0 b_0} \right) \quad (3)$$

essendo b_0 ed h_0 le dimensioni del nucleo confinato, mentre b_i rappresenta le distanze delle barre longitudinali trattenute da tiranti o staffe presenti sul perimetro della sezione (per altre indicazioni in merito all’uso di tale formula si vedano i paragrafi C8.7.2.5 e C8A.6.1 della Circolare 617).

Come si rileva da altre fonti in letteratura, nel caso di strutture in acciaio i limiti rotazionali possono essere stabiliti nei seguenti valori discreti: ≤ 50 mrad (13 mrad per lo SLD, 30 mrad per lo SLV). Si ricorda comunque che le verifiche allo SLC sono obbligatorie solo in presenza di sistemi avanzati di protezione sismica, per il controllo di prestazione dei dispositivi in essi incorporati, piuttosto che della risposta della struttura protetta. Naturalmente, una volta che si faccia un'analisi statica non lineare per una struttura convenzionale, viene comunque voglia di fare un controllo anche allo SLC, che concorre a motivare l'adozione di questo tipo di analisi.

Si osserva infine come, per poter ricavare l'effettivo cimento in campo plastico delle membrature strutturali esaminate ci si debba riferire alla specifica trattazione riportata nel capitolo riguardante la valutazione della duttilità per i suoi differenti livelli di definizione.

Paragonata con i classici metodi di analisi che, secondo la tradizionale tecnica di progettazione, interpretano il sisma come un sistema di forze rispetto al quale la struttura deve essere in grado di fornire sufficiente resistenza, l'analisi statica non lineare considera in modo esplicito il ruolo fondamentale dello spostamento e della deformazione che sono i reali effetti del sisma sulla struttura. Questo, da una parte permette di conoscerne meglio il comportamento e quindi di progettare e verificarla in maniera più accurata, dall'altra richiede di avere a disposizione codici di calcolo in grado di descriverne la risposta anche in campo non lineare. In relazione a ciò, si osserva come i programmi con elementi aventi caratteristiche di plasticità diffusa, una volta definito il legame non lineare dei materiali, non richiedano particolare perizia da parte dell'operatore e siano facilmente in grado di fornire la *curva di capacità* della struttura; quelli a plasticità concentrata esigono invece un maggior sforzo in termini di modellazione, in quanto l'utente deve scegliere posizione e curva caratteristica delle eventuali cerniere plastiche. In quest'ottica si può dire che l'analisi statica non lineare rappresenta un'alternativa all'analisi dinamica non lineare almeno quando la struttura sia regolare, in quanto in grado di cogliere le principali caratteristiche della risposta dinamica necessitando di tempi e complessità di calcolo inferiori. Rimane tuttavia ancora uno strumento sofisticato e non alternativo a tecniche di analisi più semplici come quella modale da utilizzare preferibilmente nella progettazione di strutture nuove.

Quanto discusso in precedenza è integrato come di seguito riportato dai più recenti testi dell'NTC 2018 e relativa Circolare applicativa n.7 del 21 gennaio 2019.

NTC 2018, DM del 17 gennaio 2018

7.3. METODI DI ANALISI E CRITERI DI VERIFICA

L'entità della domanda con la quale confrontare la capacità della struttura, secondo i criteri definiti al § 7.3.6, può essere valutata utilizzando una delle modellazioni descritte in precedenza ed adottando uno fra i metodi di analisi illustrati nel seguito.

I metodi di analisi si articolano in lineari e non lineari, in funzione delle caratteristiche della struttura e del modello di comportamento adottato.

Nel caso di analisi lineare, la domanda sismica per strutture a comportamento sia non dissipativo, sia dissipativo, può essere ridotta utilizzando un opportuno fattore di comportamento q . I valori attribuibili a q variano in funzione del comportamento strutturale (dissipativo o non dissipativo) e dello stato limite considerati, legandosi all'entità delle plasticizzazioni, che a ciascuno stato limite si accompagnano.

Per ciascuno degli stati limite e dei metodi di analisi considerati, nella tabella successiva sono riportati:

- per l'analisi lineare, il comportamento strutturale, le modalità di modellazione dell'azione sismica e i limiti da attribuire al fattore di comportamento q , a seconda dello stato limite considerato;
- per l'analisi non lineare, il comportamento strutturale, le modalità di modellazione dell'azione sismica.

Tab. 7.3.I – Limiti su q e modalità di modellazione dell'azione sismica

STATI LIMITE		Lineare (Dinamica e Statica)		Non Lineare	
		Dissipativo	Non Dissipativo	Dinamica	Statica
SLE	SLO	$q = 1.0$ § 3.2.3.4	$q = 1.0$ § 3.2.3.4	§ 7.3.4.1	§ 7.3.4.2
	SLD	$q \leq 1,5$ § 3.2.3.5	$q \leq 1,5$ § 3.2.3.5		
SLU	SLV	$q \geq 1,5$ § 3.2.3.5	$q \leq 1,5$ § 3.2.3.5		
	SLC	---	---		

Il limite superiore del fattore q allo SLV è specificato, per tutte le tipologie strutturali, nel § 7.3.1, richiamandolo poi, per i diversi materiali, nei successivi paragrafi specifici.

7.3.6. RISPETTO DEI REQUISITI NEI CONFRONTI DEGLI STATI LIMITE

Per tutti gli elementi strutturali primari e secondari, gli elementi non strutturali e gli impianti si deve verificare che il valore di ciascuna domanda di progetto, definito dalla tabella 7.3.III per ciascuno degli stati limite richiesti, sia inferiore al corrispondente valore della capacità di progetto.

Le verifiche degli elementi strutturali primari (ST) si eseguono, come sintetizzato nella tabella 7.3.III, in dipendenza della Classe d'Uso (CU):

- nel caso di comportamento strutturale non dissipativo, in termini di rigidezza (RIG) e di resistenza (RES), senza applicare le regole specifiche dei dettagli costruttivi e della progettazione in capacità;
- nel caso di comportamento strutturale dissipativo, in termini di rigidezza (RIG), di resistenza (RES) e di duttilità (DUT) (quando richiesto), applicando le regole specifiche dei dettagli costruttivi e della progettazione in capacità.

Le verifiche degli elementi strutturali secondari si effettuano solo in termini di duttilità.

Le verifiche degli elementi non strutturali (NS) e degli impianti (IM) si effettuano in termini di funzionamento (FUN) e stabilità (STA), come sintetizzato nella tabella 7.3.III, in dipendenza della Classe d'Uso (CU).

Tab. 7.3.III – Stati limite di elementi strutturali primari, elementi non strutturali e impianti

STATI LIMITE		CU I	CU II			CU III e IV		
		ST	ST	NS	IM	ST	NS	IM ^(*)
SLE	SLO					RIG		FUN
	SLD	RIG	RIG			RES		
SLU	SLV	RES	RES	STA	STA	RES	STA	STA
	SLC		DUT ^(**)			DUT ^(**)		

^(*) Per le sole CU III e IV, nella categoria Impianti ricadono anche gli arredi fissi.

^(**) Nei casi esplicitamente indicati dalle presenti norme.

Le verifiche allo stato limite di prevenzione del collasso (SLC), a meno di specifiche indicazioni, si svolgono soltanto in termini di duttilità e solo qualora le verifiche in duttilità siano espressamente richieste (v.§7.3.6.1)

7.3.6.1 ELEMENTI STRUTTURALI (ST)

VERIFICHE DI RIGIDEZZA (RIG)

La condizione in termini di rigidezza sulla struttura si ritiene soddisfatta qualora la conseguente deformazione degli elementi strutturali non produca sugli elementi non strutturali danni tali da rendere la costruzione temporaneamente inagibile.

Nel caso delle costruzioni civili e industriali, qualora la temporanea inagibilità sia dovuta a spostamenti di interpiano eccessivi, questa condizione si può ritenere soddisfatta quando gli spostamenti di interpiano ottenuti dall'analisi in presenza dell'azione sismica di progetto corrispondente allo SL e alla CU considerati siano inferiori ai limiti indicati nel seguito.

Per le CU I e II ci si riferisce allo SLD (v. Tab. 7.3.III) e deve essere:

- a) per tamponature collegate rigidamente alla struttura, che interferiscono con la deformabilità della stessa:

$$qd_t \leq 0,0050 \cdot h \quad \text{per tamponature fragili} \quad [7.3.11a]$$

$$qd_t \leq 0,0075 \cdot h \quad \text{per tamponature duttili} \quad [7.3.11b]$$

- b) per tamponature progettate in modo da non subire danni a seguito di spostamenti d'interpiano d_{tp} , per effetto della loro deformabilità intrinseca oppure dei collegamenti alla struttura:

$$qd_t \leq d_{tp} \leq 0,0100 \cdot h \quad [7.3.12]$$

- c) per costruzioni con struttura portante di muratura ordinaria

$$qd_t \leq 0,0020 \cdot h \quad [7.3.13]$$

- d) per costruzioni con struttura portante di muratura armata

$$qd_t \leq 0,0030 \cdot h \quad [7.3.14]$$

- e) per costruzioni con struttura portante di muratura confinata

$$qd_t < 0,0025 \cdot h \quad [7.3.15]$$

dove:

d_t è lo spostamento di interpiano, cioè la differenza tra gli spostamenti del solaio superiore e del solaio inferiore, calcolati, nel caso di analisi lineare, secondo il § 7.3.3.3 o, nel caso di analisi non lineare, secondo il § 7.3.4, sul modello di calcolo non comprensivo delle tamponature,

h è l'altezza del piano.

Per le CU III e IV ci si riferisce allo *SLO* (v. Tab. 7.3.III) e gli spostamenti d'interpiano devono essere inferiori ai 2/3 dei limiti in precedenza indicati.

In caso di coesistenza di diversi tipi di tamponamento o struttura portante nel medesimo piano della costruzione, deve essere assunto il limite di spostamento più restrittivo. Qualora gli spostamenti di interpiano siano superiori a 0,005 h (caso b), le verifiche della capacità di spostamento degli elementi non strutturali vanno estese a tutte le tamponature, alle tramezzature interne ed agli impianti.

VERIFICHE DI RESISTENZA (RES)

Si deve verificare che i singoli elementi strutturali e la struttura nel suo insieme possiedano una capacità in resistenza sufficiente a soddisfare la domanda allo *SLV*.

La capacità in resistenza delle membrature e dei collegamenti è valutata in accordo con le regole contenute nei capitoli precedenti, integrate dalle regole di progettazione definite di volta in volta nei successivi paragrafi.

Per le strutture a comportamento dissipativo, la capacità delle membrature è calcolata con riferimento al loro comportamento ultimo, come definito di volta in volta nei successivi paragrafi.

Per le strutture a comportamento non dissipativo, la capacità delle membrature è calcolata con riferimento al loro comportamento elastico o sostanzialmente elastico, come definito di volta in volta nei successivi paragrafi.

La resistenza dei materiali può essere ridotta per tener conto del degrado per deformazioni cicliche, giustificandolo sulla base di apposite prove sperimentali. In tal caso, ai coefficienti parziali di sicurezza sui materiali γ_M si attribuiscono i valori precisati nel Cap. 4 per le situazioni eccezionali.

VERIFICHE DI DUTTILITÀ (DUT)

Si deve verificare che i singoli elementi strutturali e la struttura nel suo insieme possiedano una capacità in duttilità:

- nel caso di analisi lineare, coerente con il fattore di comportamento q adottato e i relativi spostamenti, quali definiti in 7.3.3.3;
- nel caso di analisi non lineare, sufficiente a soddisfare la domanda in duttilità evidenziata dall'analisi.

Nel caso di analisi lineare la verifica di duttilità si può ritenere soddisfatta, rispettando per tutti gli elementi strutturali, sia primari sia secondari, le regole specifiche per i dettagli costruttivi precisate nel presente capitolo per le diverse tipologie costruttive; tali regole sono da considerarsi aggiuntive rispetto a quanto previsto nel Cap. 4 e a quanto imposto dalle regole della progettazione in capacità, il cui rispetto è comunque obbligatorio per gli elementi strutturali primari delle strutture a comportamento dissipativo.

Per strutture a comportamento dissipativo, qualora non siano rispettate le regole specifiche dei dettagli costruttivi, quali precisate nel presente capitolo, occorrerà procedere a verifiche di duttilità.

Per le sezioni allo spicco dalle fondazioni o dalla struttura scatolare rigida di base di cui al § 7.2.1 degli elementi strutturali verticali primari la verifica di duttilità, indipendentemente dai particolari costruttivi adottati, è necessaria qualora non

diversamente specificato nei paragrafi successivi relativi alle diverse tipologie costruttive, accertando che la capacità in duttilità della costruzione sia almeno pari:

- a 1,2 volte la domanda in duttilità locale, valutata in corrispondenza dello *SLV*, nel caso si utilizzino modelli lineari,
- alla domanda in duttilità locale e globale allo *SLC*, nel caso si utilizzino modelli non lineari.

Le verifiche di duttilità non sono dovute nel caso di progettazione con $q \leq 1,5$.

7.3.6.2 ELEMENTI NON STRUTTURALI (NS)

VERIFICHE DI STABILITÀ (STA)

Per gli elementi non strutturali devono essere adottati magisteri atti ad evitare la possibile espulsione sotto l'azione della F_a (v. § 7.2.3) corrispondente allo *SL* e alla *CU* considerati.

7.3.6.3 IMPIANTI (IM)

VERIFICHE DI FUNZIONAMENTO (FUN)

Per gli impianti, si deve verificare che gli spostamenti strutturali o le accelerazioni (a seconda che gli impianti siano più vulnerabili all'effetto dei primi o delle seconde) prodotti dalle azioni relative allo *SL* e alla *CU* considerati non siano tali da produrre interruzioni d'uso degli impianti stessi.

VERIFICHE DI STABILITÀ (STA)

Per ciascuno degli impianti principali, i diversi elementi funzionali costituenti l'impianto, compresi gli elementi strutturali che li sostengono e collegano, tra loro e alla struttura principale, devono avere capacità sufficiente a sostenere la domanda corrispondente allo *SL* e alla *CU* considerati.

Circolare applicativa C.M. 21 gennaio 2019, n.7

C7.3.6 RISPETTO DEI REQUISITI NEI CONFRONTI DEGLI STATI LIMITE

In generale, la progettazione ha un'articolazione di tipo multi-prestazionale e multi-strategico. I diversi livelli prestazionali sono associati ai diversi stati limite, mentre le diverse strategie sono associate alla destinazione d'uso della costruzione.

La Tab. 7.3.III della norma sintetizza le diverse verifiche da eseguire per le costruzioni a comportamento dissipativo; nella Tabella C7.3.I, si esplicitano con maggiore dettaglio le verifiche riportate nella Tabella 7.3.III della norma, fornendo anche una descrizione sintetica della prestazione associata a ciascuno stato limite e indicando, per ogni elemento costruttivo, il riferimento al paragrafo della norma a cui si riferisce ciascuna delle verifiche.

La tabella C7.3.I fornisce, per ciascuno Stato Limite e per ciascun tipo di elemento (strutturale, non strutturale o impianto), la descrizione delle prestazioni in termini di danno, capacità ultima (resistenza o duttilità) o funzionamento; essa indica, inoltre, il tipo di verifica, in termini di confronto tra capacità e domanda, e il tipo di elemento su cui la verifica deve essere eseguita, per soddisfare il requisito prestazionale dato.

Tabella C7.3.I - Stati Limite di elementi strutturali primari, elementi non strutturali e impianti: descrizione delle prestazioni e corrispondenti verifiche

STATI LIMITE		Descrizione della prestazione		ST			NS	IM		Classe d'uso				
				RIG	RES	DUT (SPO)	STA	FUN	STA	I	II	III IV		
SLE	SLO	NS	Limitazione del danno degli elementi non strutturali, o delle pareti per le costruzioni di muratura	§ 7.3.6.1								x		
		ST												
	IM	Funzionamento degli impianti					§ 7.3.6.3					x		
	SLD	ST	Controllo del danno degli elementi strutturali		§ 7.3.1								x	
NS		Controllo del danno degli elementi non strutturali, o delle pareti per le costruzioni di muratura	§ 7.3.6.1							x	x			
ST														
SLU	SLV	ST	Livello di danno degli elementi strutturali coerente con il fattore di comportamento adottato, assenza di rotture fragili e meccanismi locali/globali instabili		§ 7.3.6.1						x	x	x	
		NS	Assenza di crolli degli elementi non strutturali pericolosi per l'incolumità, pur in presenza di danni diffusi				§ 7.3.6.3					x	x	
		IM	Capacità ultima degli impianti e dei collegamenti						§ 7.3.6.3			x	x	
	SLC	ST	Margine di sicurezza sufficiente per azioni verticali ed esiguo per azioni orizzontali			§ 7.3.6.1 (DUT)							x	x
		ST	Capacità di spostamento dei dispositivi nelle costruzioni con isolamento sismico			§ 7.10.6.2.2 (SPO)							x	x

C7.3.6.1 ELEMENTI STRUTTURALI (ST)

Nelle verifiche di cui al § 7.3.6.1, nel caso di analisi lineari (§7.3.3.) si assume $d_r = d_{Ea}$.¹⁰

In merito alle "Verifiche di Rigidezza (RIG)", per le tamponature duttili di cui al punto a) e per le tamponature di cui al punto b), va verificato sperimentalmente che il raggiungimento dei rispettivi limiti di interpiano 0,0075h e 0,0100h siano ottenuti sulla parte ascendente della curva di comportamento Forza-Spostamento relativo, oppure sul ramo discendente verificando però che la perdita di resistenza sia inferiore al 10% del massimo. Inoltre, durante la prova non si dovranno riscontrare significativi danneggiamenti sugli elementi.

Per tamponature duttili si intendono elementi non strutturali che sviluppano un comportamento plastico o incrudente al di là del limite elastico e deformazioni significativamente maggiori delle deformazioni al limite elastico.

C7.3.6.2 ELEMENTI NON STRUTTURALI (NS)

Il controllo del danno negli elementi non strutturali si effettua, in maniera indiretta, intervenendo sulla rigidezza degli elementi strutturali al fine di contenere gli spostamenti di interpiano, come indicato al § 7.3.6.1. Devono essere eseguite invece verifiche dirette in termini di stabilità. La prestazione, consistente nell'evitare la possibile espulsione delle tamponature sotto l'azione della F_a , si può ritenere conseguita con l'inserimento di leggere reti da intonaco sui due lati della muratura, collegate tra loro ed alle strutture circostanti a distanza non superiore a 500 mm sia in direzione orizzontale sia in direzione verticale, ovvero con l'inserimento di elementi di armatura orizzontale nei letti di malta, a distanza non superiore a 500 mm. La domanda sismica F_a si determina secondo le indicazioni del § 7.2.3 della norma e del § C7.2.3.

Capitolo C.8.7.2

C8.7.2 COSTRUZIONI DI CALCESTRUZZO ARMATO O DI ACCIAIO

Nei paragrafi che seguono, che non hanno corrispettivi nelle NTC, l'attenzione è prevalentemente concentrata sugli edifici; alcune considerazioni di carattere generale, nonché quelle relative a valutazioni sui singoli elementi strutturali, possono essere estese anche ad altri tipi costruttivi.

Alcuni elementi considerati non strutturali, ma comunque dotati di resistenza non trascurabile, o anche strutturali, ma comunemente non presi in conto nei modelli, possono essere presi in conto nelle valutazioni di sicurezza globali della costruzione, a condizione che, per il livello di azione considerato, ne sia adeguatamente verificata l'efficacia.

C8.7.2.1 REQUISITI DI SICUREZZA

C8.7.2.1.1 Stato Limite di prevenzione del collasso (SLC)

Nel caso di elementi/meccanismi duttili (v. § C8.7.2.3 e § C8.7.2.4) gli effetti da considerare sono quelli derivanti dall'analisi strutturale, mentre nel caso di elementi/meccanismi fragili (v. § C8.7.2.3 e § C8.7.2.4) gli effetti derivanti dall'analisi strutturale possono venire modificati come indicato nel § C8.7.2.2.

Le capacità sono definite in termini di deformazioni ultime per gli elementi/meccanismi duttili e di resistenze ultime per gli elementi/meccanismi fragili.

C8.7.2.1.2 Stati Limite di esercizio

In mancanza di più specifiche valutazioni, per d_{rp} si può far riferimento ai valori limite di spostamento di interpiano riportati in § 7.3.6.1 validi per gli edifici nuovi.

C8.7.2.2 METODI DI ANALISI E CRITERI DI VERIFICA

Gli effetti dell'azione sismica, possono essere valutati con i metodi di cui al § 7.3 delle NTC, con le precisazioni seguenti.

Ai fini delle verifiche di sicurezza, gli elementi/meccanismi strutturali vengono distinti in "duttili" e "fragili". La classificazione degli elementi/meccanismi nelle due categorie è fornita in § C8.7.2.3 per le costruzioni in c.a. e in § C8.7.2.4 per le costruzioni in acciaio.

I fattori di confidenza indicati nella Tabella C8.5.III servono a un duplice scopo:

- per definire le resistenze dei materiali da utilizzare nelle formule di capacità degli elementi duttili e fragili; le resistenze medie, ottenute dalle prove in situ e dalle informazioni aggiuntive, sono divise per i fattori di confidenza;
- per determinare le sollecitazioni trasmesse dagli elementi/meccanismi duttili a quelli fragili; le resistenze medie degli elementi duttili, ottenute dalle prove in situ e dalle informazioni aggiuntive, sono moltiplicate per i fattori di confidenza.

Nel caso di analisi lineare con spettro elastico la capacità degli elementi duttili, in termini di resistenza, si valuta dividendo le proprietà dei materiali esistenti per il fattore di confidenza FC e la capacità degli elementi fragili per il fattore di confidenza FC e

per il coefficiente parziale. Per i materiali nuovi o aggiunti si impiegano i valori di progetto.

Nel caso di analisi lineare con fattore di struttura q o di analisi non lineare, per gli elementi duttili la capacità si valuta dividendo le proprietà dei materiali esistenti per il fattore di confidenza FC , per gli elementi fragili le proprietà dei materiali esistenti si dividono sia per il fattore di confidenza FC sia per il coefficiente parziale. Per i materiali nuovi o aggiunti si impiegano i valori di progetto.

C8.7.2.2.1 Analisi statica lineare

L'analisi statica lineare può essere effettuata ove siano soddisfatte le condizioni di cui al § 7.3.3.2 delle NTC, con le seguenti indicazioni aggiuntive:

- considerando tutti gli elementi primari della struttura ed indicato, per l' i -esimo di tali elementi, con $\rho_i = D_i/C_i$ il rapporto tra il momento flettente D_i fornito dall'analisi della struttura soggetta alla combinazione di carico sismica e il corrispondente momento resistente C_i (valutato in presenza dello sforzo normale relativo alle condizioni di carico gravitazionali), il coefficiente di variazione di tutti i $\rho_i \geq 1$ non deve superare il valore di 0,5;
- la capacità C_i degli elementi/meccanismi fragili è maggiore della corrispondente domanda D_i , quest'ultima calcolata sulla base della capacità degli elementi duttili adiacenti, se il ρ_i degli elementi/meccanismi fragili è maggiore di 1, oppure sulla base dei risultati dell'analisi, se il ρ_i degli elementi/meccanismi fragili è minore di 1.

Analisi statica lineare con spettro elastico

Nel caso di analisi lineare con spettro elastico, lo spettro di risposta da impiegare è quello elastico di cui al § 3.2.3 delle NTC eseguendo l'analisi e la verifica secondo quanto previsto nel § 7 per le costruzioni non dissipative.

Analisi statica lineare con fattore di comportamento q

È possibile utilizzare lo spettro di progetto, definito in § 3.2.3 delle NTC, assumendo il valore del fattore di comportamento q nel campo fra 1,5 e 3,0 sulla base della regolarità della costruzione in esame nonché delle sollecitazioni delle membrature dovute ai carichi verticali. Valori superiori a quelli indicati devono essere adeguatamente giustificati tenendo debito conto della duttilità disponibile a livello locale e globale. Nel caso in cui il sistema strutturale resistente all'azione orizzontale sia integralmente costituito da elementi strutturali di nuova costruzione, si possono adottare i valori dei fattori di comportamento validi per le nuove costruzioni; in tal caso occorre verificare la compatibilità degli spostamenti con le strutture esistenti.

Le verifiche devono essere eseguite in termini di resistenza, controllando che, per ciascun elemento strutturale, la domanda in termini di sollecitazioni sia inferiore o uguale alla corrispondente capacità.

La domanda sugli elementi strutturali si ottiene dall'analisi con spettro di risposta elastico ridotto, rispettivamente, per gli elementi/meccanismi "duttili" del fattore di comportamento attribuito alla struttura, per gli elementi/meccanismi "fragili" del fattore di comportamento $q = 1,5$. Per questi ultimi la domanda non può superare quella trasmessa dagli elementi/meccanismi duttili ad essi alternativi, valutata come indicato al punto b) del § C8.7.2.2.

C8.7.2.2.2 Analisi dinamica modale con spettro di risposta elastico o con fattore di comportamento q

Tale metodo di analisi è applicabile secondo quanto indicato al § 7.3.3.1 delle NTC, alle medesime condizioni di cui ai punti precedenti. La prima modalità prevede che lo spettro di risposta da impiegare sia quello elastico di cui al § 3.2.3 delle NTC e si applica con le stesse modalità di cui all'analisi statica lineare con spettro elastico; la seconda che si faccia riferimento ad uno spettro di progetto, definito nel § 3.2.3 delle NTC, utilizzando le precisazioni riportate per l'analisi statica lineare con fattore q .

C8.7.2.2.3 Analisi statica non lineare

Tale metodo di analisi si applica con le modalità indicate al § 7.3.4.1 delle NTC, con le limitazioni della Tabella C8.5.IV.

Le sollecitazioni indotte dall'azione sismica sugli elementi/meccanismi sia duttili sia fragili, da utilizzare ai fini delle verifiche, sono quelle derivanti dall'analisi strutturale eseguita utilizzando i valori medi delle proprietà dei materiali.

La verifica degli elementi "duttili" è eseguita confrontando la domanda in termini di deformazioni ottenuta dall'analisi con la relativa capacità.

La verifica degli elementi "fragili" è eseguita confrontando la domanda in termini di sollecitazioni con la relativa capacità.

Nel caso di analisi statica non lineare con ramo degradante e stati limite che si verificano su questo, inoltre:

- nel caso di elementi duttili la domanda in termini di deformazione si calcola in corrispondenza di d_{max} per ciascuno stato limite;
- nel caso di elementi fragili la domanda in termini di sollecitazione di taglio si può calcolare utilizzando la seguente procedura:
 - a. si valuta il taglio massimo alla base V_{bu} sulla base dei risultati dell'analisi statica non lineare
 - b. si individua lo spostamento d_{cu} corrispondente al raggiungimento di tale sollecitazione di taglio
 - c. se lo spostamento d_{max} relativo allo stato limite considerato è minore di d_{cu} , la domanda in termini di sollecitazione di

taglio si calcola in corrispondenza di d_{max}

d. se $d_{max} > d_{cs}$, la domanda in termini di sollecitazione di taglio si calcola in corrispondenza di d_{cs} .

C8.7.2.2.4 Analisi dinamica non lineare

Tale metodo di analisi è applicabile secondo quanto indicato al § 7.3.4.2 delle NTC, alle medesime condizioni di cui al punto precedente.

C8.7.2.3 MODELLI DI CAPACITÀ PER LA VALUTAZIONE DI EDIFICI IN CEMENTO ARMATO

Gli elementi ed i meccanismi resistenti sono classificati in:

- "duttili": travi, pilastri e pareti inflesse con e senza sforzo normale;
- "fragili": meccanismi di taglio in travi, pilastri, pareti e nodi;

Pilastri e pareti soggetti a sollecitazioni di sforzo normale particolarmente elevate possono manifestare comportamento fragile.

C8.7.2.3.1 Travi, pilastri e pareti: flessione con e senza sforzo normale

La capacità in termini di deformazione è definita con riferimento alla rotazione ("rotazione rispetto alla corda") θ dell'elemento, data dal rapporto tra lo spostamento relativo tra la sezione d'estremità e la sezione caratterizzata da momento flettente nullo e la loro distanza, pari alla luce di taglio $L_V = M/V$.

C8.7.2.3.2 Stato limite di prevenzione del collasso

Allo stato limite di prevenzione del collasso, la capacità θ_{tl} in termini di rotazione totale rispetto alla corda può essere valutata alternativamente utilizzando modelli numerici che tengano in debito conto i contributi del calcestruzzo, dell'acciaio ed dell'aderenza acciaio calcestruzzo, ovvero mediante formule di comprovata validità, come, ad esempio, quelle riportate nel seguito.

$$\theta_{tl} = \frac{1}{\gamma_{ef}} 0,016 \cdot (0,3^v) \left[\frac{\max(0,01; \omega')}{\max(0,01; \omega)} f_c \right]^{0,225} \left(\frac{L_V}{h} \right)^{0,35} 25^{\left(\frac{\sigma_{cs}}{f_c} \right)} (1,25^{100 \rho_s}) \quad [C8.7.2.1]$$

dove:

$\gamma_{ef} = 1,5$ per gli elementi primari ed 1,0 per gli elementi secondari (come definiti al § 7.2.3 delle NTC),

L_V è la luce di taglio;

h è l'altezza della sezione;

$v = N/(A_c f_c)$ è lo sforzo assiale normalizzato di compressione agente su tutta la sezione A_c ;

$\omega = A_s f_y / (A_c f_c)$ e $\omega' = A'_s f_y / (A_c f_c)$ sono le percentuali meccaniche di armatura longitudinale in trazione e compressione rispettivamente (nelle pareti tutta l'armatura longitudinale d'anima è da includere nella percentuale in trazione);

f_c, f_y e f_{yw} sono la resistenza a compressione del calcestruzzo e la resistenza a snervamento dell'acciaio, longitudinale e trasversale, ottenute come media delle prove eseguite in sito, eventualmente corrette sulla base di fonti aggiuntive di informazione, divise per il fattore di confidenza appropriato in relazione al Livello di Conoscenza raggiunto;

$\rho_{sx} = A_{sx} / (b_w s_h)$ è la percentuale di armatura trasversale (s_h = interasse delle staffe nella zona critica);

ρ_d è la percentuale di eventuali armature diagonali in ciascuna direzione,

α è un fattore di efficienza del confinamento dato da:

$$\alpha = \left(1 - \frac{s_h}{2b_o} \right) \left(1 - \frac{s_h}{2h_o} \right) \left(1 - \frac{\sum b_i^2}{6h_o b_o} \right) \quad [C8.7.2.2]$$

(b_o e h_o , dimensioni del nucleo confinato, b_i distanze delle barre longitudinali trattenute da tiranti o staffe presenti sul perimetro).

Per le pareti il valore dato dall'espressione (C8.7.2.1) deve essere diviso per 1,6.

Negli elementi non dotati di adeguati dettagli di tipo antisismico o per i quali non sia stata effettuata una verifica di duttilità, quindi con percentuali di armatura trasversale e longitudinale diverse da quelle ottenibili utilizzando le indicazioni riportate per la progettazione delle nuove costruzioni, il valore dato dall'espressione [C8.7.2.1] deve essere moltiplicato per 0,85.

Il fattore di efficienza del confinamento α dato dalla [C8.7.2.2] è definito nell'ipotesi che le staffe presenti nell'elemento abbiano ancoraggi idonei ad evitare l'apertura delle stesse, ad esempio se presentano una chiusura con ganci a 135°. Nel caso tale ipotesi non sia soddisfatta, è opportuno assumere $\alpha = 0$.

Per gli elementi armati con barre longitudinali nervate continue, senza sovrapposizione in corrispondenza della regione plastica, la capacità di rotazione allo SLC è definita dalla [C8.7.2.1]. Viceversa, se le barre longitudinali nervate sono caratterizzate, a partire dalla sezione di estremità dell'elemento, da una sovrapposizione di lunghezza l_o il valore dato dall'espressione (C8.7.2.1) deve essere moltiplicato per il fattore:

$$0.025 \cdot \min(40, l_o / d_{bl}) \quad [C8.7.2.3]$$

dove d_{bl} è il diametro (medio) delle barre longitudinali. Il fattore [C8.7.2.3] non tiene in conto della riduzione connessa all'assenza di adeguati dettagli di tipo antisismico; in tal caso la [C8.7.2.3] va moltiplicata per 0.85.

Per gli elementi armati con barre longitudinali lisce continue, senza sovrapposizione in corrispondenza della regione plastica, la capacità di rotazione in condizioni di collasso è definita dalla [C8.7.2.1]. Viceversa, se le barre longitudinali lisce sono caratterizzate, a partire dalla sezione di estremità dell'elemento, da una sovrapposizione di lunghezza l_o il valore dato dall'espressione (8.7.2.1) deve essere moltiplicato per il fattore:

$$0.02 \cdot [10 + \min(40, l_o / d_{bl})] \quad [C8.7.2.4]$$

dove d_{bl} è il diametro (medio) delle barre longitudinali.

La decurtazione valutata con la [C8.7.2.4] è applicabile solo per sovrapposizioni costituite dalla presenza di ganci ad uncino di estremità; la lunghezza l_o è definita al netto delle dimensioni degli uncini. In assenza di ganci ad uncino di estremità il valore dato dalla [C8.7.2.4] è opportuno sia assunto pari a zero. Inoltre, il fattore [C8.7.2.4] non tiene in conto della riduzione connessa all'assenza di adeguati dettagli di tipo antisismico; in tal caso la [C8.7.2.4] è moltiplicata per 0,85.

Allo SLC, per la valutazione della capacità θ_u in termini di rotazione totale rispetto alla corda può essere utilizzata anche la seguente equazione:

$$\theta_u = \frac{1}{\gamma_{el}} \left(\theta_y + (\phi_u - \phi_y) L_{pl} \left(1 - \frac{0,5L_{pl}}{L_V} \right) \right) \quad [C8.7.2.5]$$

dove θ_y è la rotazione rispetto alla corda allo snervamento definita in [C8.7.2.7a) e [C8.7.2.7b), ϕ_u è la curvatura ultima valutata considerando le deformazioni ultime del calcestruzzo (tenuto conto del confinamento) e dell'acciaio (da stimare sulla base dell'allungamento uniforme al carico massimo, in mancanza di informazioni si può assumere che la deformazione ultima dell'acciaio sia pari al 4%), ϕ_y è la curvatura allo snervamento valutata considerando l'acciaio alla deformazione di snervamento

ϵ_{sy} , L_V è la luce di taglio e L_{pl} è la lunghezza di cerniera plastica valutabile come:

$$L_{pl} = 0,1L_V + 0,17h + 0,24 \frac{d_{bl} f_y}{\sqrt{f_c}} \quad [C8.7.2.6]$$

dove h è l'altezza della sezione, d_{bl} è il diametro (medio) delle barre longitudinali, ed f_c e f_y sono rispettivamente la resistenza a compressione del calcestruzzo e la resistenza a snervamento dell'acciaio longitudinale (in MPa), ottenute come media delle prove eseguite in sito e da fonti aggiuntive di informazione, divise per il fattore di confidenza appropriato in relazione al Livello di Conoscenza raggiunto.

C8.7.2.3.3 Stato limite di salvaguardia della vita

La capacità di rotazione totale rispetto alla corda allo Stato Limite di Salvaguardia della Vita (SLV), θ_{SD} , può essere assunta pari a 3/4 del valore θ_u valutato per lo SLC.

C8.7.2.3.4 Stato limite di danno

La capacità θ_y in termini di rotazione totale rispetto alla corda al raggiungimento della tensione di snervamento può essere valutata mediante le seguenti espressioni:

per travi e pilastri

$$\theta_y = \phi_y \frac{L_V}{3} + 0,0013 \left(1 + 1,5 \frac{h}{L_V} \right) + 0,13 \phi_y \frac{d_b f_y}{\sqrt{f_c}} \quad [C8.7.2.7a]$$

per pareti

$$\theta_y = \phi_y \frac{L_V}{3} + 0,002 \left(1 - 0,125 \frac{L_V}{h} \right) + 0,13 \phi_y \frac{d_b f_y}{\sqrt{f_c}} \quad [C8.7.2.7b]$$

dove ϕ_y è la curvatura al raggiungimento della tensione di snervamento della sezione terminale, h l'altezza della sezione, d_b è il diametro (medio) delle barre longitudinali, ed f_c e f_y sono rispettivamente la resistenza a compressione del calcestruzzo e la tensione di snervamento dell'acciaio longitudinale in [MPa], ottenute come media delle prove eseguite in sito e da fonti aggiuntive di informazione, divise per il fattore di confidenza appropriato in relazione al Livello di Conoscenza raggiunto.

C8.7.2.3.5 Travi e pilastri: taglio

Per la valutazione delle resistenze ultime di elementi monodimensionali nei confronti di sollecitazioni taglianti dovute ai soli carichi gravitazionali, vale quanto indicato per le condizioni non sismiche al § 4.1.2.3.5 delle NTC, facendo in generale riferimento al § 4.1.2.3.5.2, considerando per le travi il contributo delle barre di armatura piegate ove presenti.

Per le azioni sismiche, occorre considerare la riduzione di resistenza a taglio in condizioni cicliche in funzione della domanda di duttilità sull'elemento, per il livello di azione considerato. La domanda massima a taglio nell'elemento può essere determinata, indipendentemente dal livello di azione considerato, a partire dai momenti resistenti nelle sezioni di estremità, valutati amplificando le resistenze medie dei materiali tramite il fattore di confidenza appropriato in relazione al Livello di Conoscenza raggiunto.

La resistenza a taglio V_R in condizioni cicliche, quali quelle sismiche, può essere valutata sulla base dei tre contributi dovuti all'entità dello sforzo normale N , al calcestruzzo e all'acciaio, nonché dell'interazione con la rotazione flessionale dell'elemento in funzione della parte plastica della domanda di duttilità, $\mu_{\Delta,pl}$.

$$V_R = \frac{1}{\gamma_{rel}} \left[\frac{h-x}{2L_V} \min(N; 0,55A_c f_c) + \left(1 - 0,05 \min(0,5; \mu_{\Delta,pl}) \right) \left[0,16 \max(0,5; 100\rho_{tot}) \left(1 - 0,16 \min\left(5; \frac{L_V}{h}\right) \right) \sqrt{f_c} A_c + V_W \right] \right] \quad [C8.7.2.8]$$

(unità di misura MN, m) dove:

- γ_d = 1.15 per gli elementi primari ed 1.0 per gli elementi secondari (come definiti al § 7.2.3 delle NTC);
- h è l'altezza totale della sezione;
- x è l'altezza della zona compressa della sezione (profondità dell'asse neutro);
- N è lo sforzo normale di compressione (assunto pari a zero se di trazione);
- L_V è la luce di taglio;
- A_c è l'area della sezione pari a $(b \times d)$ per la sezione rettangolare e $\pi D_c^2/4$ per quella circolare (dove $D_c = D - 2c - d_{bw}$, essendo D il diametro della sezione, c il copriferro, d_{bw} il diametro delle staffe);
- f_c è la resistenza a compressione del calcestruzzo ottenuta come media delle prove eseguite in sito, eventualmente corretta sulla base di fonti aggiuntive di informazione, divisa per il fattore di confidenza appropriato in relazione al Livello di Conoscenza raggiunto; per gli elementi sismici primari il valore di f_c deve essere ulteriormente diviso per il relativo coefficiente parziale;
- ρ_{tot} è la percentuale geometrica totale di armatura longitudinale;
- V_W è il contributo dell'armatura trasversale per la resistenza a taglio definito come segue:

- sezioni rettangolari:

$$V_W = \rho_{sv} b_w z f_y \quad [C8.7.2.9]$$

dove, oltre al significato dei simboli già noti, z è il braccio delle forze interne.

- per le sezioni circolari:

$$V_W = \frac{\pi A_{sv}}{2s} f_{yv} (D - 2c) \quad [C8.7.2.10]$$

Il valore della resistenza a taglio fornito dalla (8.7.2.8) non può essere assunto maggiore del valore della resistenza a "taglio compressione", valutata come per le condizioni non sismiche (Eq. [4.1.28] delle NTC), utilizzando $\theta = 45^\circ$ ed assumendo f_{cd} pari alla resistenza media del calcestruzzo divisa per il fattore di confidenza appropriato in relazione al Livello di Conoscenza raggiunto e per il coefficiente parziale del materiale.

Nella [8.7.2.8] $\mu_{\Delta,pl}$ rappresenta la parte plastica della domanda di duttilità ed è espressa dalla relazione: $\mu_{\Delta,pl} = \mu_{\Delta} - 1$ dove μ_{Δ} è la domanda di duttilità espressa come rapporto tra la rotazione massima θ_m per il livello di azione sismica considerato e la rotazione di prima plasticizzazione θ_p . Ove necessario, la relazione tra duttilità di rotazione e duttilità di curvatura si ottiene dalla [8.7.2.7], con ϕ_m al posto di ϕ_p , essendo ϕ_m la domanda di curvatura massima per il livello di azione considerato.

Nella [8.7.2.8], in assenza di specifiche valutazioni, l'altezza della zona compressa della sezione può essere calcolata in maniera semplificata attraverso la relazione: $x/h = 0,25 + 0,85N/(A_c \cdot f_c) \leq 1$.

La resistenza a taglio in condizioni sismiche può essere valutata come indicato nel seguito.

Quando la domanda di duttilità μ_{Δ} dell'elemento è inferiore a 2, la resistenza a taglio è data dalla maggiore tra la resistenza a taglio con armatura trasversale per le condizioni non sismiche (Eq. [4.1.29] delle NTC) e la resistenza a taglio ciclica fornita dalla [8.7.2.8]. Quando $\mu_{\Delta} > 3$, la resistenza a taglio è quella relativa alle condizioni cicliche, valutata attraverso la [8.7.2.8]. Per le situazioni intermedie, si interpola linearmente tra la resistenza a taglio per $\mu_{\Delta} = 2$ e quella ottenuta in base alla [8.7.2.8] per $\mu_{\Delta} = 3$.

Per i carichi gravitazionali e, in generale, quando la domanda di duttilità μ_{Δ} dell'elemento è inferiore a 1, la resistenza a taglio può essere valutata, alternativamente, come per gli elementi senza armature trasversali resistenti a taglio (§ 4.1.2.3.5.1 delle NTC).

In questo caso si deve verificare che, per l'azione considerata, la domanda a flessione o a pressoflessione non superi la corrispondente capacità al limite elastico (momento di prima plasticizzazione come definito al § 4.1.2.3.4.2 delle NTC) in entrambe le direzioni principali della sezione. Nel caso in cui si adottino metodi di analisi lineari, la domanda dovuta alle azioni sismiche deve essere valutata con riferimento al fattore di comportamento $q \leq 1,5$.

In condizioni sismiche, un approccio prudentiale suggerisce che la resistenza a taglio valutata con riferimento agli elementi senza armature trasversali venga considerata esclusivamente per le strutture in cui la domanda plastica sia in ogni caso contenuta, ad es. grazie all'uso di tecniche di protezione passiva quali i controventi (elastici o dissipativi) o l'isolamento sismico.

Nel caso di rinforzi di edifici esistenti, la messa in opera dei controventi dissipativi comporta problematiche e difficoltà differenti a seconda del tipo di struttura. Particolarmente negli edifici in cemento armato occorre curare la connessione con i telai, verificando correttamente le sollecitazioni trasmesse alle membrature esistenti e eventualmente predisponendo sistemi di redistribuzione degli sforzi di taglio nei pilastri e di trazione nelle travi e negli orizzontamenti, utilizzando opportuni tiranti e piastre di ancoraggio.

Nodi trave-pilastro

La verifica di resistenza deve essere eseguita solo per i nodi non interamente confinati come definiti al § 7.4.4.3 delle NTC. Deve essere verificata sia la resistenza a trazione diagonale che quella a compressione diagonale. Per la verifica si possono adottare le seguenti espressioni:

- per la resistenza a trazione:

$$\sigma_{jt} = \frac{N}{2A_j} - \sqrt{\left(\frac{N}{2A_j}\right)^2 + \left(\frac{V_j}{A_j}\right)^2} \leq 0,3\sqrt{f_c} (f_c \text{ in MPa}) \quad [C8.7.2.11]$$

- per la resistenza a compressione:

$$\sigma_{jc} = \frac{N}{2A_j} + \sqrt{\left(\frac{N}{2A_j}\right)^2 + \left(\frac{V_j}{A_j}\right)^2} \leq 0,5f_c (f_c \text{ in MPa}) \quad [C8.7.2.12]$$

dove N indica l'azione assiale presente nel pilastro superiore, V_j indica il taglio totale agente sul nodo, ottenuto come somma algebrica del taglio trasmesso dal pilastro superiore e degli sforzi orizzontali trasmessi dalle parti superiori delle travi, $A_j = b_j h_j$ dove b_j e h_j sono stati definiti al § 7.4.4.3.1 della norma. Le resistenze dei materiali sono ottenute come media delle prove eseguite in sito e da fonti aggiuntive di informazione, divise per il fattore di confidenza appropriato in relazione al Livello di Conoscenza raggiunto e per il coefficiente parziale del materiale.

C8.7.2.4 MODELLI DI CAPACITÀ PER LA VALUTAZIONE DI EDIFICI DI ACCIAIO

C8.7.2.4.1 Travi e pilastri: flessione con e senza sforzo normale

La capacità in termini di deformazione di travi e pilastri è definita con riferimento alla rotazione totale rispetto alla corda θ analogamente a quanto già descritto per le strutture di c.a. (v. § C8.7.2.3).

C8.7.2.4.2 Stato limite di prevenzione del collasso

Allo SLC la capacità in termini di rotazione rispetto alla corda può essere valutata utilizzando modelli numerici che tengano in debito conto le non linearità geometriche e meccaniche del materiale, ovvero sulla base delle indicazioni riportate in documenti

di comprovata validità. È possibile riferirsi all'Annex B (*Steel and composite structures*) della Norma UNI EN 1998-3:2005. In particolare il punto B.5.2 – *member deformation capacities*, analizza il problema delle travi e colonne soggette a flessione, per le quali la capacità di deformazione inelastica è espressa in termini di rotazione plastica definita come multiplo della rotazione rispetto alla corda θ_y valutata al raggiungimento della tensione di snervamento. Il valore del moltiplicatore della rotazione θ_y dipende dallo stato limite considerato e dalla classe della sezione trasversale della trave o della colonna (classi 1 o 2, definite al § 4.2.3.1 delle NTC). Lo stesso Annesso riporta i moltiplicatori che consentono di determinare la capacità di elementi di controvento soggetti a compressione in termini di moltiplicatore dello sforzo normale corrispondente allo stato limite di instabilità, o di elementi di controvento tesi, in termini di moltiplicatore dello sforzo normale corrispondente al raggiungimento della tensione di snervamento del materiale.

C8.7.2.4.3 Stato limite di salvaguardia della vita

Allo stato limite di salvaguardia della vita, la capacità in termini di rotazione totale rispetto alla corda, θ_{SD} , può essere assunta pari a 3/4 del valore θ_y valutato per lo SLC.

C8.7.2.4.4 Stato limite di danno

Allo stato limite di esercizio, la capacità in termini di rotazione rispetto alla corda, θ_y , al raggiungimento della tensione di snervamento può essere valutata mediante la seguente espressione:

$$\theta_y = \frac{M_{e,Rd} L_V}{2EI} \quad [C8.7.2.13]$$

dove:

- $M_{e,Rd}$ è il momento di prima plasticizzazione di calcolo;
- L_V è la luce di taglio;
- I è il momento di inerzia della sezione nella direzione considerata.

C8.7.2.4.5 Travi e pilastri: Taglio

La capacità in termini di resistenza a taglio V_R si valuta come per il caso di nuove costruzioni per situazioni non sismiche.

C8.7.2.4.6 Collegamenti

Si applica quanto prescritto per gli edifici di nuova costruzione.