

1<sup>o</sup> PROVA PARZIALE, ANALISI MATEMATICA I, 17/12/15

1. CALCOLARE

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{(n!)^2 (\ln n)^n}{(2n)!}$$

SE ESISTE. ALTRIMENTI,  $\liminf$  E  $\limsup$ .

2. CALCOLARE

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x \left( 2 + \frac{4}{\pi} \arcsin(\sin x) \right) + 2x}{x^4 - x}$$

SE ESISTE. ALTRIMENTI,  $\liminf$  E  $\limsup$

3. STABILIRE PER QUALI VALORI DEI PARAMETRI  $\alpha \in \mathbb{R}$

E  $\beta \geq 0$  LA FUNZIONE

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\ln(\cos(\alpha x)) + e^{x^2} - 1}{x \sin(|x|^\beta + 2x)} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$$

E' CONTINUA IN  $x=0$ . DETERMINARE IL TIPO DI DISCONTINUITA' PER I VALORI DI  $\alpha$  E  $\beta$  PER CUI NON E' CONTINUA.

PARTÈ 1.

1. DETERMINARE ESTREMO SUPERIORE E INFERIORE DELL'INSIEME

$$E = \left\{ x = \cos\left(\frac{\pi}{2}n + \sin\frac{1}{n}\right) : n \in \mathbb{N} \right\}$$

2. CALCOLARE IL LIMITE (O L'INSUP E L'INIF) DELLA  
SUCCESSIONE

$$a_n = \frac{n + \sqrt{n}}{\log(n!)}$$

3. SIA  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  DEFINITA DA

$$f(x) = \begin{cases} e^{\frac{1}{x}} - (1 + \sqrt{|x|})^{\frac{1}{x}} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0. \end{cases}$$

DETERMINARE I PUNTI DI CONTINUITÀ E DI DISCONTINUITÀ  
DI  $f$ , E LA SPECIE DI QUESTI ULTIMI.

PROVA DI RECUPERO, ANALISI MAT. 1, 27/04/2018

PORTE 1

1. DATA LA SUCCESSIONE  $\{a_n\}$  DEFINITA DA

$$\begin{cases} a_1 = 0 \\ a_{n+1} = \sqrt[3]{a_n} - 1 \end{cases}$$

STABILIRE SE ESISTE IL LIMITE, E CALCOLARLO.

2. CALCOLARE IL SEGUENTE LIMITE, SE ESISTE, ALTRIMENTI  
LIMINF E LIMSUP:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x [\cos(2\pi x)]}{e^{\sin(\pi x)}}$$

QUI  $[ ]$  INDICA "PARTE INTERA".

3. SIA  $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$  CONTINUA E P.C.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ .

DIMOSTRARE CHE  $f$  E' UNIFORMEMENTE CONTINUA.

1° PROVA PARZIALE, ANALISI MATEMATICA 1, 19/01/18

1. CALCOLARE

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\log(n!)}{\sqrt{n} \log n}$$

SE ESISTE, ALTRIMENTI  $\liminf$  E  $\limsup$ .

2. CALCOLARE

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x \operatorname{sen} \left( \frac{[\frac{x}{3}]}{x^2} \right) - x \operatorname{sen} x$$

SE ESISTE, ALTRIMENTI  $\liminf$  E  $\limsup$ . QUI,  
[ ] INDICA "PARTE INTERA".

3. SIA  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  DEFINITA DA

$$f(x) = \begin{cases} |x|^\alpha e^{-\frac{1}{x^2}} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$$

i) PER QUALI  $\alpha \in \mathbb{R}$   $f$  È CONTINUA SU  $\mathbb{R}$ ?

ii) PER QUALI  $\alpha \in \mathbb{R}$   $f$  È LIMITATA SU  $\mathbb{R}$ ?